

Φυλλάδιο 5

5. Παρακάτω δίνεται ένας πίνακας U . Ζητείται να γραφεί ο μηδενόχωρος του U ως $Span(v_1, \dots, v_k)$ για κατάλληλα v_1, \dots, v_k

$$U = \begin{bmatrix} 0 & \frac{1}{2} & 1 & -1 & 0 & 0 & 1 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{1}{2} & -2 & 1 & 0 & 3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}.$$

6. (Άσκηση 2.2.8 από Strang)

$$u + v + 2w = 2$$

Βρείτε τη τιμή του c που καθιστά δυνατή τη λύση του $2u + 3v - w = 5$

$$3u + 4v + w = c$$

7. (Άσκηση 2.2.10 από Strang)

α) Βρείτε όλες τις λύσεις του $Ux = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$

β) Ποιες είναι οι λύσεις αν η δεξιά πλευρά αλλάζει από $(0,0,0)$ σε $(a, b, 0)$

Φυλλάδιο 6

1.

a) (Άσκηση 2.3.1 από Strang)

Αποφασίστε αν τα επόμενα διανύσματα είναι ανεξάρτητα ή όχι, λύνοντας το

$$c_1 \cdot v_1 + c_2 \cdot v_2 + c_3 \cdot v_3 + c_4 \cdot v_4 = 0:$$

$$v_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, v_2 = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}, v_3 = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}, v_4 = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}.$$

Αποφασίστε επίσης αν αυτά παράγουν τον \mathbb{R}^4 προσπαθώντας να λύσετε το

$$c_1 \cdot v_1 + c_2 \cdot v_2 + c_3 \cdot v_3 + c_4 \cdot v_4 = (0,0,0,1).$$

b) (Άσκηση 2.3.23 από Strang)

Υποθέστε ότι v_1, v_2, \dots, v_9 είναι εννέα διανύσματα του \mathbb{R}^7 .

- Τα διανύσματα αυτά (είναι) (δεν είναι) (μπορεί να είναι) γραμμικώς ανεξάρτητα.
- Αυτά (παράγουν) (δεν παράγουν) (μπορεί να παράγουν) τον \mathbb{R}^7 .
- Εάν τα διανύσματα αυτά είναι οι στήλες του A , τότε το $A \cdot x = b$ (έχει) (δεν έχει) (μπορεί να μην έχει) λύση.

2. (Άσκηση 2.3.5 από Strang)

5 Υποθέστε ότι τα διανύσματα που θέλουμε να εξετάσουμε τοποθετούνται στις γραμμές αντί για τις στήλες του A . Πώς αποφαιίνεται η απαλοιφή, υπέρ ή κατά της ανεξαρτησίας; Εφαρμόστε αυτό στα διανύσματα της άσκ.2.3.1

3. (Άσκηση 2.3.8 από Strang)

8 Περιγράψτε με λόγια ή με σχέδιο στο επίπεδο x, y τον χώρο των στηλών του $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 6 \end{bmatrix}$ και του A^2 . Δώστε μια βάση του χώρου στηλών.