

# Βιομηχανική Οργάνωση

## Σύνδεση προϊόντων

Διδασκων: Δρ. Ανδρέας Λαμπρινίδης  
[lamprinidis@aueb.gr](mailto:lamprinidis@aueb.gr)

# Εισαγωγή

- Οι επιχειρήσεις συχνά συνδιάζουν (bundling) τα προϊόντα που προσφέρουν
  - Microsoft συνδιάζει τα *Windows* με *Internet Explorer*
  - *Office* είναι πακέτο προγραμμάτων *Word, Excel, PowerPoint, Access*
- Τα πακέτα bundling συνήθως έχουν χαμηλότερη τιμή
- Bundling μπορεί να αυξήσει την μονοπωλιακή ισχύ
  - πχ μονοπώλιο στην αγορά του ενός προϊόντος και τέλεια ανταγωνιστική στην άλλη
- Tying: Η πρακτική πώλησης ενός προϊόντος υπό την προϋπόθεση οι καταναλωτές να αγοράσουν και ένα άλλο προϊόν μαζί
- Δηλαδή μια μορφή bundling προϊόντων που δεν είναι τα ίδια
- Παραδείγματα
  - Nespresso μηχανές εσπρέσο και κάψουλες καφέ
  - Kodak συνδέει υπηρεσίες φωτοαντιγραφής και φωτοαντιγραφικών μηχανημάτων
  - Εκτυπωτές και μελάνια
- Στόχος η επίτευξη (μεγαλύτερων) κερδών

# Κίνητρα για tying

- Επιτρέπει διακριτική τιμολόγηση
  - Επεκτείνει την μονοπωλιακή της δύναμη από μια αγορά σε μια άλλη
    - ενισχύει τα εμπόδια εισόδου σε εκείνη την αγορά
  - Διασφάλιση ποιότητας
    - Βέβαια μπορεί να αποτελέσει πρόφαση
    - Στόχος τελικά ο περιορισμός του ανταγωνισμού
- Μήπως τελικά θίγουν τον ανταγωνισμό και την αποτελεσματικότητα;
- Γενικά, δεν θίγουν τον ανταγωνισμό όταν ασκείται από επιχειρήσεις που δεν έχουν μονοπωλιακή δύναμη
  - Κίνητρο μπορεί να ήταν η αύξηση της αποτελεσματικότητας εκμεταλλευόμενη καλύτερα της οικονομίες κλίμακας ή φάσματος
  - Ενδεχομένως η πώληση χωριστά να μην είναι εφικτή για οικονομικούς ή τεχνικούς λόγους

# Μορφές tying

- **Pure tying:** Το προϊόν A (tying προϊόν) προσφέρεται μόνο αν οι αγοραστές συμφωνήσουν να αγοράσουν μαζί και το προϊόν B (tied προϊόν).
  - Το tied προϊόν δεν διατίθεται χωριστά
- **Mixed tying:** Η επιχείρηση προσφέρει τα A και B τόσο χωριστά όσο και ως «πακέτο» με τη τιμή του πακέτου (bundle) μικρότερη από το άθροισμα της τιμής των 2 προϊόντων χωριστά.

# Pure Tying και τιμολόγηση

- Έστω ότι είναι επωφελές να πουλήσει σε όλους τους τύπους καταναλωτών ανεξαρτήτως στρατηγικής.
- **Περίπτωση που δεν κάνει tying:**
- Τιμή κάθε προϊόντος: η μέγιστη τιμή του λιγότερο πρόθυμου καταναλωτή.
  - Δηλαδή κάθε προϊόν θα τιμολογηθεί με την τιμή επιφύλαξης του λιγότερου πρόθυμου τύπου καταναλωτή
- **Περίπτωση που κάνει pure tying:**
- Σε καθε τύπο καταναλωτή θα εκτιμήσει τη τιμή που είναι διατεθειμένος να καταβάλει για όλα τα προϊόντα μαζί αθροίζοντας τις τιμές επιφύλαξης του κάθε προϊόντος
  - Έχουμε λοιπόν για κάθε τύπο καταναλωτή την μεγίστη τιμή που ειναι διατεθειμένος να καταβάλει για την αγορά του συνόλου των προϊόντων
- Τιμή bundle: η μέγιστη (συνολική) τιμή του λιγότερο πρόθυμου (συνολικά) τύπου καταναλωτή

## Pure tying: παράδειγμα

- Δύο τηλεοπτικοί σταθμοί (ρόλο καταναλωτή) προσφέρονται δύο ταινίες
  - *Inception* και *The Founder*
- Προθυμία να πληρώσουν:

	Προθυμία για <i>Inception</i>	Προθυμία για <i>The Founder</i>
Στοθμός A	8.000€	2.500€
Στοθμός B	7.000€	3.000€

# Pure tying: παράδειγμα

- Δύο τηλεοπτικοί σταθμοί προσφέρονται δύο προθυμίες:
  - *Inception* και *The Founder*
- Προθυμία να πληρώσει

Πόσο μπορεί να χρεώσει για *Inception*?

	Προθυμία για <i>Inception</i>	Προθυμία για <i>The Founder</i>
Στοθμός A	8.000€	2.500€
Στοθμός B	7.000€	3.000€

## Pure tying: παράδειγμα

- Δύο τηλεοπτικοί σταθμοί (ρόλο καταναλωτή) προσφέρονται δύο ταινίες
  - *Inception* και *The Founder*
- Προθυμία να πληρώσουν:

7.000€

	Προθυμία για <i>Inception</i>	Προθυμία για <i>The Founder</i>
Στοθμός A	8.000€	2.500€
Στοθμός B	7.000€	3.000€

## Pure tying: παράδειγμα

- Δύο τηλεοπτικοί σταθμοί (ρόλο καταναλωτή) προσφέρονται δύο ταινίες
  - *Inception* και *The Founder*
- Προθυμία να πληρώσουν:



	Προθυμία για <i>Inception</i>	Προθυμία για <i>The Founder</i>
Σταθμός A	8.000€	2.500€
Σταθμός B	7.000€	3.000€

## Pure tying: παράδειγμα

- Δύο τηλεοπτικοί σταθμοί (ρόλο καταναλωτή) προσφέρονται δύο ταινίες
  - *Inception* και *The Founder*
- Προθυμία να πληρώσουν:

	<i>Προθυμία για <i>Inception</i></i>	<i>Προθυμία για <i>The Founder</i></i>
<i>Στοθμός A</i>	8.000€	2.500€
<i>Στοθμός B</i>	7.000€	3.000€

7.000€

2.500€

## Pure tying: παράδειγμα

- Δύο τηλεοπτικοί σταθμοί (ρόλο καταναλωτή) προσφέρονται δύο ταινίες
  - *Inception* και *The Founder*
- Προθυμία να πληρώσουν



## Pure tying: παράδειγμα

*Υποθέστε τώρα ότι  
οι δύο ταινίες  
πωλούνται ως πακέτο*

## Pure tying: παράδειγμα

	<i>Προθυμία για Inception</i>	<i>Προθυμία για The Founder</i>	<i>Συνολική προθυμία πληρωμής</i>
<i>Σταθμός A</i>	8.000€	2.500€	10.500€
<i>Σταθμός B</i>	7.000€	3.000€	10.000€

## Pure tying: παράδειγμα

		Προθυμία <i>Inception</i>	Συνολική προθυμία πληρωμής	
		Σταθμός A	8.000€	2.500€
Σταθμός B	7.000€		3.000€	10.000€

Πόσο μπορεί να χρεωθεί το πακέτο?



## Pure tying: παράδειγμα

	<i>Προθυμία για Inception</i>	<i>Προθυμία για The Founder</i>	<i>Συνολική προθυμία πληρωμής</i>
<i>Σταθμός A</i>	8.000€	2.500€	10.500€
<i>Σταθμός B</i>	7.000€	3.000€	10.000€
<b>10.000€</b>			

## Pure tying: παράδειγμα

Αν οι ταινίες πωλούνται ως πακέτο τα συνολικά έσοδα είναι 20.000€		Συνολική προθυμία πληρωμής	
Σταθμός A	8.000€	2.500€	10.500€
Σταθμός B	7.000€	3.000€	10.000€
10.000€			

## Pure tying: παράδειγμα

	Προθυμία για <i>Inception</i>	Προθυμία για <i>Terminator</i>	
Σταθμός A	8.000€	2.500€	10.000€
Σταθμός B	7.000€	3.000€	
10.000€			

*Bundling είναι κερδοφόρο γιατί εκμεταλλεύεται συνολική προθυμία πληρωμής*

# Mixed Tying και τιμολόγηση

- Περίπτωση όπου τα πουλάει τόσο ως bundle όσο και χωριστά
- Θέτει τιμή:
  1. για το bundle
  2. τιμές για κάθε προϊόν χωριστά
- Γενικά η τιμή του bundle θα είναι χαμηλότερη από το άθροισμα των τιμών των προϊόντων από ότι αν πωλούντουσαν χωριστά
- Εάν σε μια αγορά έχουμε generalist (καταναλωτές που επιθυμούν εξίσου όλα τα προϊόντα) και non-generalist (καταναλωτές που έχουν προτίμηση μεταξύ των προϊόντων) το mixed tying μπορεί να είναι πιο επικερδές από pure tying
- Γενικά όσο αυξάνονται οι διαφορετικοί τύποι καταναλωτών θα πρέπει να προσέχουμε ποιά στρατηγική είναι προτιμότερη

## Mixed Tying: Παράδειγμα

- Έστω δύο προϊόντα A και B ( $mc = 0$ ) και τρεις τύπους καταναλωτών με διαφορετικές τιμές επιφύλαξης.

Πίνακας τιμών επιφύλαξης		
Προϊόντα	A	B
Καταναλωτές		
1	5€	0€
2	0€	5€
3	3€	3€

- Χωρίς tying:** Εάν θέσει  $P_A = 5$  και  $P_B = 5$ , θα πουλήσει μια μονάδα A στον τύπο 1 και μία μονάδα B στον τύπο 2
  - Συνολικά κέρδη  $\pi = 10 \text{ €}$

# Mixed Tying: Παράδειγμα

- Έστω δύο προϊόντα A και B ( $mc = 0$ ) και τρεις τύπους καταναλωτών με διαφορετικές τιμές επιφύλαξης.

Πίνακας τιμών επιφύλαξης		
Προϊόντα	A	B
Καταναλωτές		
1	5€	0€
2		5€
3		3€

- Χωρίς tying:** Εάν θέσει τύπο 1 και μία μονάδα B στύπο 2 λήσει μια μονάδα A στον τύπο 1 και μία μονάδα B στύπο 2  
– Συνολικά κέρδη  $\pi = 10 \text{ €}$

# Mixed Tying: Παράδειγμα

- Έστω δύο προϊόντα A και B ( $mc = 0$ ) και τρεις τύπους καταναλωτών με διαφορετικές τιμές επιφύλαξης.

Πίνακας τιμών επιφύλαξης		
Προϊόντα	A	B
Καταναλωτές		
1	5€	0€
2	0€	5€
3	3€	3€

- Χωρίς tying:** Εάν θέσει  $P_A = 5$  και  $P_B = 5$ , θα πουλήσει μια μονάδα A στον τύπο 1 και μία μονάδα B στον τύπο 2
  - Συνολικά κέρδη  $\pi = 10 \text{ €}$
- Εάν θέσει  $P_A = 3$  και  $P_B = 3$  θα πουλήσει:
  - μία μονάδα A στον τύπο 1 και μία στον τύπο 3
  - μία μονάδα B στον τύπο 2 και μία στον τύπο 3
  - μία μονάδα από το καθένα στον τύπο 3
  - Συνολικά κέρδη  $\pi = 12 \text{ €}$

# Mixed Tying: Παράδειγμα

- Έστω δύο προϊόντα A και B ( $mc = 0$ ) και τρεις τύπους καταναλωτών με διαφορετικές τιμές επιφύλαξης.

Πίνακας τιμών επιφύλαξης		
Προϊόντα	A	B
Καταναλωτές		
1	5€	0€
2	0€	5€
3	3€	3€

- Χωρίς tying:** Εάν θέσει  $P_A = 5$  και  $P_B = 5$ , θα πουλήσει μια μονάδα A στον τύπο 1 και μία μονάδα B στον τύπο 2
  - Συνολικά κέρδη  $\pi = 10$  €
- Εάν θέσει  $P_A = 3$  και  $P_B =$ 
  - μία μονάδα A στον τύπο 1
  - μία μονάδα B στον τύπο 2
  - μία μονάδα από το καθένα στον τύπο 3
  - Συνολικά κέρδη  $\pi = 12$  €

Συμφέρει να βάλει  
τιμή μικρότερη από 3€  
ή τιμή μεταξύ 3 και 5;

# Mixed Tying: Παράδειγμα

- Έστω δύο προϊόντα A και B ( $m_c = 0$ ) και τρεις τύπους καταναλωτών με διαφορετικές τιμές επιφύλαξης.

Πίνακας τιμών επιφύλαξης		
Προϊόντα	A	B
Καταναλωτές		
1	5€	0€
2	0€	5€
3	3€	3€

- Χωρίς tying:** Εάν θέσει  $P_A = 5$  και  $P_B = 5$ , θα πουλήσει μια μονάδα A στον τύπο 1 και μία μονάδα B στον τύπο 2
  - Συνολικά κέρδη  $\pi = 10$  €
- Εάν θέσει  $P_A = 3$  και  $P_B = 3$  θα πουλήσει:
  - μία μονάδα A στον τύπο 1 και μία στον τύπο 3
  - μία μονάδα B στον τύπο 2 και μία στον τύπο 3
  - μία μονάδα από το καθένα στον τύπο 3
  - Συνολικά κέρδη  $\pi = 12$  €



## Mixed Tying: Παράδειγμα

Πίνακας τιμών επιφύλαξης			
Προϊόντα	A	B	Πακέτο A+B
Καταναλωτές			
1	5€	0€	5€
2	0€	5€	5€
3	3€	3€	6€

- **Pure tying:** Εάν θέσει  $P = 5$ , θα πουλήσει
  - ένα πακέτο στον τύπο 1
  - ένα στον τύπο 2
  - ένα στο τύπο 3
  - Συνολικά κέρδη  $\pi = 15 \text{ €}$

## Mixed Tying: Παράδειγμα

Πίνακας τιμών επιφύλαξης			
Προϊόντα	A	B	Πακέτο A+B
Καταναλωτές			
1	5€	0€	5€
2	0€	5€	5€
3	3€	3€	6€

- **Pure tying:** Εάν θέσει  $P =$  Συμφέρει να βάλει τιμή μεγαλύτερη ή μικρότερη από 5€ ;
  - ένα πακέτο στον τύπο 1
  - ένα στον τύπο 2
  - ένα στο τύπο 3
  - Συνολικά κέρδη  $\pi = 15 \text{ €}$

## Mixed Tying: Παράδειγμα

Πίνακας τιμών επιφύλαξης			
Προϊόντα	A	B	Πακέτο A+B
Καταναλωτές			
1	5€	0€	5€
2	0€	5€	5€
3	3€	3€	6€

- **Pure tying:** Εάν θέσει  $P = 5$ , θα πουλήσει
  - ένα πακέτο στον τύπο 1
  - ένα στον τύπο 2
  - ένα στο τύπο 3
  - Συνολικά κέρδη  $\pi = 15 \text{ €}$
- Εάν θέσει  $P = 6$  θα πουλήσει
  - ένα πακέτο στο τύπο 3
  - Συνολικά κέρδη  $\pi = 6\text{€}$

## Mixed Tying: Παράδειγμα

Πίνακας τιμών επιφύλαξης			
Προϊόντα	A	B	Πακέτο A+B
Καταναλωτές			
1	5€	0€	5€
2	0€	5€	5€
3	3€	3€	6€

- **Pure tying:** Εάν θέσει  $P = 5$ , θα πουλήσει

- ένα πακέτο στον τύπο 1
- ένα στον τύπο 2
- ένα στο τύπο 3
- Συνολικά κέρδη  $\pi = 15 \text{ €}$

Συμφέρει να βάλει τιμή μεγαλύτερη από 6€ ή τιμή μεταξύ 5 και 6;

- Εάν θέσει  $P = 6$  θα πουλήσει

- ένα πακέτο στο τύπο 3
- Συνολικά κέρδη  $\pi = 6\text{€}$

## Mixed Tying: Παράδειγμα

Πίνακας τιμών επιφύλαξης			
Προϊόντα	A	B	Πακέτο A+B
Καταναλωτές			
1	5€	0€	5€
2	0€	5€	5€
3	3€	3€	6€

- **Pure tying:** Εάν θέσει  $P = 5$ , θα πουλήσει
  - ένα πακέτο στον τύπο 1
  - ένα στον τύπο 2
  - ένα στο τύπο 3
  - Συνολικά κέρδη  $\pi = 15 \text{ €}$
- Εάν θέσει  $P = 6$  θα πουλήσει
  - ένα πακέτο στο τύπο 3
  - Συνολικά κέρδη  $\pi = 6\text{€}$



## Mixed Tying: Παράδειγμα

Πίνακας τιμών επιφύλαξης			
Προϊόντα	A	B	Πακέτο A+B
Καταναλωτές			
1	5€	0€	5€
2	0€	5€	5€
3	3€	3€	6€

- **Mixed tying:** Τιμή πακέτου:  $P_{bundle} = 6\text{€}$ 
  - ένα στο τύπο 3
  - κέρδος 6 €
- Τιμές χωριστά:  $P_A = 5$  και  $P_B = 5$ 
  - ένα πακέτο στο τύπο 1
  - ένα πακέτο στο τύπο 2
  - ο τύπος 3 προτιμά το πακέτο ( $P_{bundle} < P_A + P_B$ )
  - κέρδος 10€
- Συνολικά κέρδη:  $\pi = 16\text{€}$

## Mixed Tying: Παράδειγμα

Πίνακας τιμών επιφύλαξης			
Προϊόντα	A	B	Πακέτο A+B
Καταναλωτές			
1	5€	0€	5€
2	0€	5€	5€
3	3€	3€	6€

- **Mixed tying:** Τιμή πακέτου:  $P_{bundle} = 6€$ 
  - ένα στο τύπο 3
  - κέρδος 6 €
- Τιμές χωριστά:  $P_A = 5$  και  $P_B = 5$ 
  - ένα πακέτο στο τύπο 1
  - ένα πακέτο στο τύπο 2
  - ο τύπος 3 προτιμά το πακέτο ( $P_{bundle} < P_A + P_B$ )
  - κέρδος 10€
- Συνολικά κέρδη:  $\pi = 16€$



## Mixed Tying: Παράδειγμα

- Στο παράδειγμα μας η τιμολόγηση με mixed tying είχε μεγαλύτερα κέρδη από pure tying
- Προσοχή στις βέλτιστες στρατηγικές όσον αφορά:
  - Αν είναι επικερδές να πουλήσει σε όλους τους τύπους καταναλωτή
  - Τα κέρδη που δίνει ο κάθε τύπος τιμολόγησης ανάλογα με το αν πουλάμε σε ολόκληρη ή μέρος της αγοράς
  - Τα κόστη τις επιχειρησης (εδώ είχαμε μηδενικά)

## Tying με μεταβλητές αναλογίες

- Έστω οτι η επιχείρηση έχει το μονοπώλιο για κάποιο προϊόν το οποίο οι καταναλωτές το χρησιμοποιούν σε συνδιασμό με κάποιο άλλο προϊόν
- Οι καταναλωτές έχουν διαφορετικές προτιμήσεις
- Πως θα κινηθούμε;
  - «σαν» bundling αλλά με τις ποσότητες να διαφέρουν σε αναλογία
  - διαφορετικοί χρήστες χρεώνονται διαφορετικές τιμές ανάλογα με τη χρήση
  - επιτρέπει διακριτική τιμολόγηση κάνοντας τους καταναλωτές να αποκαλύπτουν τις απαιτήσεις τους

## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα

- Έστω μια εταιρεία παραγωγής φωτογραφικών μηχανών που χρησιμοποιεί εξειδικευμένα φίλμ
- Στη συνέχεια, έχει συνδέσει τις πωλήσεις φιλμ με την αγορά της φωτογραφικής μηχανής
  - Ίδια περίπτωση είναι και οι εκτυπωτές με τα μελάνια τους
- Πώς πρέπει να τιμολογήσει την κάμερα και φιλμ;
  - έστω δύο τύποι καταναλωτών για φωτογραφίες: ένας χαμηλής ζήτησης (Low) και ένας υψηλής (High)
  - $Q_L = 100 - p_L$ ;  $Q_H = 200 - 2p_H$
  - η εταιρεία δεν γνωρίζει ποιος τύπος είναι ποιος

## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα

- Το φιλμ παράγεται ανταγωνιστικά με κόστος 0€ ανά φωτογραφία
  - οπότε τιμή του φιλμ ειναι 0€ ανα φωτογραφία
- Το κόστος ανά μηχανή είναι 1.000€
- Μπορεί να τιμολογήσει τις φωτογραφικές μηχανές όσο το πλεόνασμα του καταναλωτή Low ή High
  - Αντιστρέφοντας συναρτήσεις ζήτησης
$$P_L = 100 - Q_L ; P_H = 100 - (1/2)Q_H$$

## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα



- Πλεόνασμα καταναλωτή High:  $(1/2) 100 * 200 = 10.000 \text{ €}$
- Πλεόνασμα καταναλωτή Low:  $(1/2) 100 * 100 = 5.000 \text{ €}$
- Κέρδος στη πρώτη περίπτωση:  $(10.000 - 1.000) = 9.000 \text{ €}$
- Κέρδος στη δεύτερη περίπτωση:  $2 * (5000 - 1000) = 8.000 \text{ €}$

## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα

- Μπορεί και καλύτερα
- Επανασχεδίαση της φωτ. μηχανής σε σχέση με το φίλμ
  - Η κάμερα να λειτουργεί μόνο με το φίλμ της εταιρίας
- Εφαρμογή μιας στρατηγικής δέσμευσης (tying) που καθιστά αδύνατη τη χρήση της φωτ. μηχανής χωρίς αυτό το φίλμ
- Έστω ότι η επιχείρηση μπορεί να παράγει το ειδικό φιλμ με μηδενικό κόστος και ότι η επανασχεδίαση της κάμερας δεν ανεβάζει το κόστος παραγωγής της

## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα

- Για να μείνουν οι καταναλωτές χαμηλής ζήτησης (δηλ. τύπου 1) θα πρέπει η τιμή της φωτογραφικής να είναι ίση με το πλεόνασμα αυτών των καταναλωτών :  
$$(1/2)(100 - P_L)(100 - P_L)$$
- Έσοδα από το φίλμ:  $P_L Q_L + P_H Q_H$
- Συνολικά έσοδα είναι:
- $2(1/2)(100 - P_L)(100 - P_L) + P_L Q_L + P_H Q_H$
- Αντικαθιστώντας από τις συναρτήσεις ζήτησης και θέτοντας κοινή τιμή στο φίλμ
- $\Pi = \text{Έσοδα από φωτογραφικές} + \text{Έσοδα από το φίλμ}$   
– Κόστη φωτογραφικών – κόστη φίλμ =>
- $\Pi = (100 - P)(100 - P) + P(300 - 3P) - 2.000$
- Μεγιστοποίηση ως προς  $P$ , δηλαδή τη τιμή του φίλμ

## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα

- $\Pi = (100 - P)(100 - P) + P(300 - 3P) - 2.000$
- Μεγιστοποίηση ως προς  $P$ , δηλαδή τη τιμή του φίλμ
- $P=25\text{€}$
- Έχοντας τη τιμή του φίλμ υπολογίζουμε τη τιμή τη φωτογραφικής μηχανής και τις ποσότες του φίλμ:
- ❖  $P_{Φωτ.} = (1/2)(100 - 25)(100 - 25) \Rightarrow$ 
  - $P_{Φωτ.} = 2.812,5 \text{ €}$

## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα

- $\Pi = (100 - P)(100 - P) + P(300 - 3P) - 2.000$
- Μεγιστοποίηση ως προς  $P$ , δηλαδή τη τιμή του φίλμ
- $P=25\text{€}$
- Έχοντας τη τιμή του φωτογραφικής μηχανής  $P=25\text{€}$  θέτουμε στην εξίσωση τη τιμή της φωτογραφίας  $P$  και λύουμε για τη τιμή της φωτογραφίας  $P$ :  
$$\Pi = (100 - P)(100 - P) + P(300 - 3P) - 2.000 \Rightarrow$$
  - $P_{Φωτ.} = 2.812,5 \text{ €}$

Χαμηλότερη από τη τιμή της φωτογραφικής μηχανής του φίλμ:  
(10.000 €)

## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα

- $\Pi = (100 - P)(100 - P) + P(300 - 3P) - 2.000$
- Μεγιστοποίηση ως προς  $P$ , δηλαδή τη τιμή του φίλμ
- $P=25\text{€}$
- Έχοντας τη τιμή του φίλμ υπολογίζουμε τη τιμή τη φωτογραφικής μηχανής και τις ποσότες του φίλμ:
- ❖  $P_{Φωτ.} = (1/2)(100 - 25)(100 - 25) \Rightarrow$ 
  - $P_{Φωτ.} = 2.812,5 \text{ €}$
- ❖ Από τις συναρτήσεις ζήτησης:  
 $Q_L = 75, Q_H = 150$
- ❖ Συνολικά κέρδη: = 9.250 €

## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα

- $\Pi = (100 - P)(100 - P) + P(300 - 3P) - 2.000$
- Μεγιστοποίηση ως προς  $P$ , δηλαδή τη τιμή του φίλμ
- $P=25\text{€}$
- Έχοντας τη τιμή του φίλμ υπολογίζουμε τη τιμή τη φωτογραφικής μηχανής και τις ποσότες του φίλμ:
- ❖  $P_{Φωτ.} = (1/2)(100 - 25)(100 - 25) \Rightarrow$ 
  - $P_{Φωτ.} = 2.812,5 \text{ €}$
- ❖ Από τις συναρτήσεις ζήτησαν  $Q_L = 75$ ,  $Q_H = 150$
- ❖ Συνολικά κέρδη: = 9.250 €

Μεγαλύτερα από τα  
κέρδη χωρίς tying  
(9.000 €)

## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα

- Με tying το κέρδος της επιχείρησης αυξήθηκε λόγω μεγαλύτερης ευελιξίας
- ❖ Μείωση της τιμής των φωτογραφικών μηχανών
  - Ήστε να πουλήσει και στους δύο τύπους
- ❖ Αύξηση τιμής φίλμ πάνω από την τέλεια ανταγωνιστική
- Μεγαλύτερα έσοδα από τη πώληση φιλμ στους καταναλωτές υψηλής ζήτησης από ότι στης χαμηλής
- Το φίλμ δίνει την δυνατότητα στην επιχειρήση να «μετρήσει» την ζήτηση και να αποσπάσει περισσότερα έσοδα από τους καταναλωτές υψηλής ζήτησης

## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα

- Αυξάνεται και το πλεόνασμα των καταναλωτών
- $P_L = 100 - Q_L$ ;  $P_H = 100 - (1/2)Q_H$
- $Q_L = 75$ ,  $Q_H = 150$ ,  $P=25\text{€}$
- $CS_L = (1/2) (100-25)*75 - 2.812,5 = 0$
- $CS_H = (1/2) (100-25)*150 - 2.812,5 = 2.812,5\text{€}$
- $CS = 2.812,5\text{€}$

## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα

- Αυξάνεται και το πλεόνασμα των καταναλωτών
- $P_L = 100 - Q_L$ ;  $P_H = 100 - (1/2)Q_H$
- $Q_L = 75$ ,  $Q_H = 150$ ,  $P=25\text{€}$
- $CS_L = (1/2)(100 - 25) \cdot 75 = 0$
- $CS_H = (1/2)(100 - 25) \cdot 150 = 2.812,5\text{€}$
- $CS = 2.812,5\text{€}$

Μεγαλύτερο από ότι  
χωρίς tying (0 €)

## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα

- Αυξάνεται και το πλεόνασμα των καταναλωτών
- $P_L = 100 - Q_L$ ;  $P_H = 100 - (1/2)Q_H$
- $Q_L = 75$ ,  $Q_H = 150$ ,  $P=25\text{€}$
- $CS_L = (1/2) (100-25)*75 - 2.812,5 = 0$
- $CS_H = (1/2) (100-25)*150 - 2.812,5 = 2.812,5\text{€}$
- $CS = 2.812,5\text{€}$
- Συνολικό πλεόνασμα:  $2.812,5\text{€} + 9.250 = 12.062,5 \text{ €}$

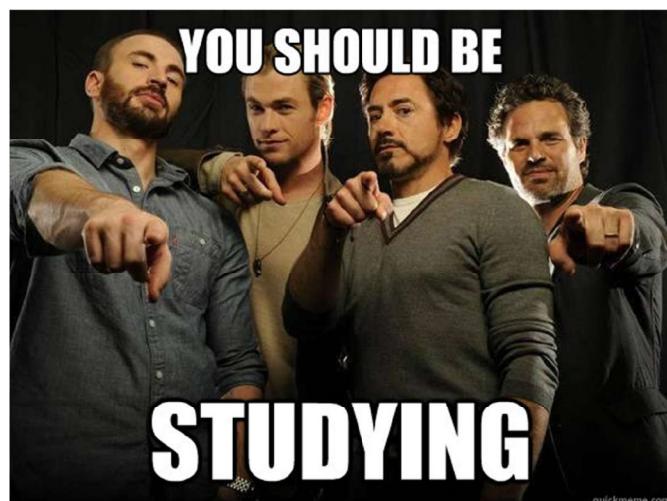
## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα

- Αυξάνεται και το πλεόνασμα των καταναλωτών
- $P_L = 100 - Q_L$ ;  $P_H = 100 - (1/2)Q_H$
- $Q_L = 75$ ,  $Q_H = 150$ ,  $P=25\text{€}$
- $CS_L = (1/2)(100-25)*75 - 2.812,5 = 0$
- $CS_H = (1/2)(100-25)*150 - 2.812,5 = 2.812,5$
- $CS = 2.812,5\text{€}$
- Συνολικό πλεόνασμα:  $2.812,5\text{€} + 9.250 = 12.062,5 \text{ €}$

Μεγαλύτερο από ότι  
χωρίς tying (9.000 €)

## Tying με μεταβλ. αναλογίες: Παράδειγμα

- Αυξάνεται και το πλεόνασμα των καταναλωτών
- $P_L = 100 - Q_L$ ;  $P_H = 100 - (1/2)Q_H$
- $Q_L = 75$ ,  $Q_H = 150$ ,  $P=25\text{€}$
- $CS_L = (1/2) (100-25)*75 - 2.812,5 = 0$
- $CS_H = (1/2) (100-25)*150 - 2.812,5 = 2.812,5\text{€}$
- $CS = 2.812,5\text{€}$
- Συνολικό πλεόνασμα:  $2.812,5\text{€} + 9.250 = 12.062,5 \text{ €}$
- Άρα σε αυτή τη περίπτωση ήταν όχι μόνο για την επιχείρηση αλλά και για την κοινωνική ευημερία προτιμότερη
  - Αυτό δεν αποτελεί το κανόνα. Σε άλλες περιπτώσεις μπορεί να μείωνε το συνολικό πλεόνασμα.



- Τέλος τέταρτης διάλεξης (όγδοης συνολικά)
- Βιβλίο Κατσουλάκου: II-5
- Βιβλίο Cabral: 10.4 την υποενότητα «Πακέτα (bundling)»

# Σας ευχαριστώ!