

# Μακροοικονομική Θεωρία Ι

## Περίγραμμα Διαλέξεων

#2

- Η «εικόνα» της μακροοικονομίας (stylized facts) – Βασικά μακροοικονομικά μεγέθη
- Χρονολογικές σειρές για Ελλάδα και άλλες χώρες
- Μεγέθυνση (growth) / Μεταβλητές σε διακριτό χρόνο - Μεταβλητές σε συνεχή χρόνο
- Τάση (trend) – Κύκλος (cycle)
- Άνθηση (expansion)- Ύφεση (recession)
- Ιδιοσυγκρασιακά χαρακτηριστικά της Ελλάδας

Ονομαστικά vs Πραγματικά μεγέθη (ΑΕΠ)

Συνολικά vs Κατά κεφαλή // GDP growth rate  
(per capita)

Ρυθμός μεταβολής ( $\delta_t$ )  
 $X_t$  { Χρονολογική σειρά }  
 $t=1995, 1996, \dots, 2019$

{ ρυθμός μεταβολών ΑΕΠ  
ρυθμός μεταβολής τιμών  
(ωφνηρωρισμός) ↑ inflation rate

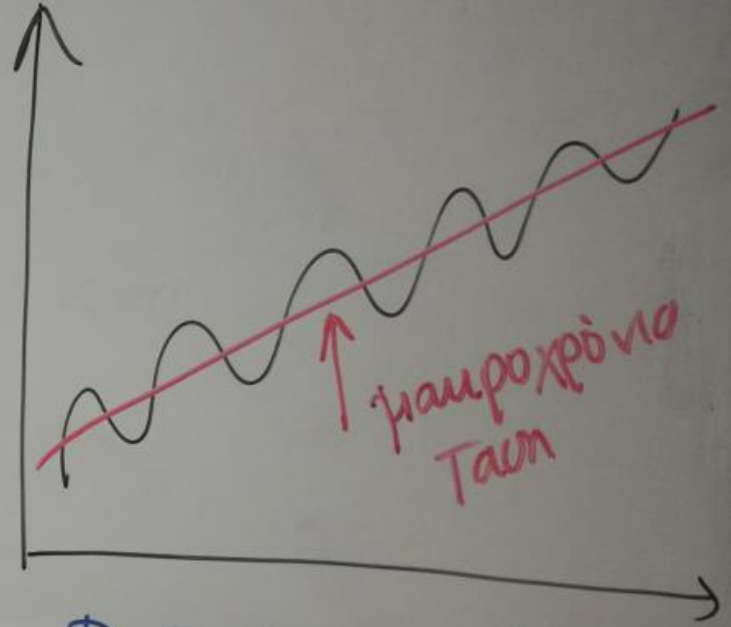
$$\delta_t \equiv \frac{X_t - X_{t-1}}{X_{t-1}} = \frac{X_t}{X_{t-1}} - 1$$

1

Μακροχρόνια περιόδος  
ανοδική τάση (τάση) ΑΕΠ

less developed οικονομίες  
↓  
development economies  
για τις "ανεπτυγμένες"  
οικονομίες  
οικονομική μεγέθυνση  
(economic growth)

$$X_t$$



Ρυθμός μεταβολής

$$\gamma \equiv \frac{X_t - X_{t-1}}{X_{t-1}}$$

Ρυθμός μεγέθυνσης  $X_t$

$$\gamma_t = \frac{X_t - X_{t-1}}{X_{t-1}} > 0$$

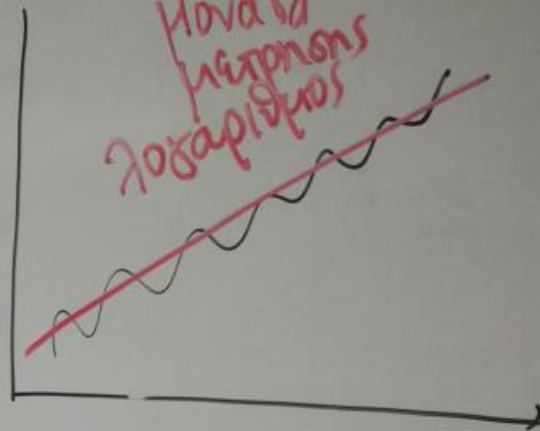
$$= \frac{X_t}{X_{t-1}} - 1 \Leftrightarrow,$$

$$\Leftrightarrow \gamma_t = \frac{X_t}{X_{t-1}} - 1 \Leftrightarrow \frac{X_t}{X_{t-1}} = 1 + \gamma_t \Leftrightarrow,$$

$$\Leftrightarrow X_t = (1 + \gamma_t) \cdot X_{t-1}$$

$\forall \gamma_t > 0 \rightarrow$  μεγέθυνση

Μοναδια  
μετρησης  
τοσοαριθμος



Εστω ότι  $X_t$   
μεγεθύνεται με  
σταθερό ρυθμό

$$\gamma = \frac{X_t - X_{t-1}}{X_{t-1}}$$

# ΠΡΑΞΕΙΣ ③

ΜΕ ΛΟΓΑΡΙΘΜΟΥΣ

$$\gamma = \frac{X_t - X_{t-1}}{X_{t-1}}, \forall t$$

$$\gamma = \frac{X_t}{X_{t-1}} - 1 \Leftrightarrow \frac{X_t}{X_{t-1}} = (1+\gamma) \Leftrightarrow X_t = (1+\gamma) \cdot X_{t-1}, \forall t$$

$$t=1 : X_1 = (1+\gamma) \cdot X_0 \leftarrow \text{αρχική πηγή}$$

$$t=2 : X_2 = (1+\gamma) \cdot X_1 = (1+\gamma) \cdot (1+\gamma) \cdot X_0 = (1+\gamma)^2 \cdot X_0$$

$$t=3 : X_3 = (1+\gamma) \cdot X_2 = (1+\gamma)^3 \cdot X_0$$

$$X_t = (1+\gamma)^t \cdot X_0 \Leftrightarrow$$

$$\ln X_t = \ln X_0 + \ln(1+\gamma) \cdot t$$

4

$$\gamma = \frac{X_t - X_{t-1}}{X_{t-1}} \Leftrightarrow X_t = (1+\gamma) \cdot X_{t-1} \Leftrightarrow X_t = (1+\gamma)^t \cdot X_0, \forall t$$

$$\ln X_t = \ln X_0 + \ln(1+\gamma) \cdot t$$



Τι τιμές παίρνει το  $\gamma$ ?

2% αύξηση βαν / 20%

$$\gamma = 0.02$$

$$\gamma = 0.1$$

Taylor linearization  $\varphi(x)$

$$\varphi(x) \approx \varphi(x^*) + \left. \frac{d\varphi(x)}{dx} \right|_{x=x^*} \cdot (x-x^*)$$

*σύμφωνα με το 2\**

Κλίση του  $\ln X_t$  είναι  $\ln(1+\gamma) \rightarrow$  Μη γραμμική συνάρτηση του  $\gamma$

$\gamma \rightarrow$  κοντά στο μηδέν

Γραμμικοποίηση (linearization) Taylor

Γραμμικοποίηση  $\ln(1+\gamma)$

*σύμφωνα με το σημείο  $\gamma=0$*

$$\ln(1+\gamma) \approx \ln(1+\gamma) \Big|_{\gamma=0} + \left. \frac{d \ln(1+\gamma)}{d\gamma} \right|_{\gamma=0} \cdot (\gamma-0)$$

5

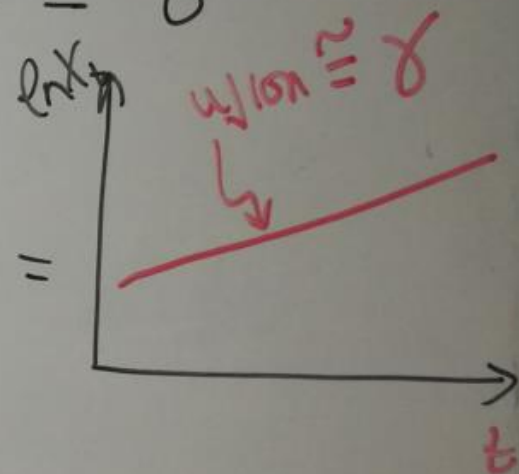
$$\gamma = \frac{X_t - X_{t-1}}{X_{t-1}}, \forall t, X_t = (1+\gamma)^t \cdot X_0, \ln X_t \approx \ln X_0 + \gamma \cdot t$$

ΕΚΘΕΤΙΚΗ

$$\ln X_t = \ln X_0 + \ln(1+\gamma) \cdot t \rightarrow \text{Κλίση} \approx \gamma$$

Κλίση:  $\ln(1+\gamma) \rightarrow$  Γραμμικοποίηση  
γύρω από  $\gamma=0$

$$\ln(1+\gamma) \approx \ln(1+\gamma)|_{\gamma=0} + \left. \frac{d \ln(1+\gamma)}{d\gamma} \right|_{\gamma=0} \cdot (\gamma - 0) =$$
$$= \ln(1) + \left. \frac{1}{1+\gamma} \right|_{\gamma=0} \cdot \gamma = 0 + 1 \cdot \gamma$$



$$\ln X_t = \ln X_0 + \ln(1+\gamma) \cdot t \approx \ln X_0 + \gamma \cdot t$$

6

$$\gamma = \frac{X_t - X_{t-1}}{X_{t-1}}, \forall t, \quad X_t = (1 + \gamma)^t \cdot X_0, \quad \ln X_t \approx \ln X_0 + \gamma \cdot t$$

ΕΚΘΕΤΙΚΗ  
Διακριτός χρόνος (discrete time)

### ΣΥΝΕΧΗΣ ΧΡΟΝΟΣ (Continuous Variables)

Όριο  $\rightarrow$  η περίοδος  $t$  συμβαίνει με  $mv$   $t-1$

Μεταβολή στον χρόνο:  $\frac{dX}{dt} \equiv \dot{X}$  Συμβολισμός

Ρυθμός μεταβολής:  $g \equiv \frac{\frac{dX}{dt}}{X} = \frac{\dot{X}}{X}$

ΟΛΟΚΛΗΡΩΣΗ

↓ σταθερός

$$\frac{\dot{X}}{X} = g \quad (\Rightarrow) \quad \frac{dX}{dt} = g \cdot X$$

$$\ln X \rightarrow \frac{d \ln X}{dt} = \frac{1}{X} \cdot \frac{dX}{dt} = g$$



(7)

$$\gamma = \frac{X_t - X_{t-1}}{X_{t-1}}, \forall t, X_t = (1 + \gamma)^t \cdot X_0$$

Διακριτός χρόνος (discrete time) ΕΚΘΕΤΙΚΗ

$$\ln X_t \approx \ln X_0 + \gamma \cdot t$$

Av  $\gamma \rightarrow 0$  on  $\gamma \cdot t = 0, X = X_0$   
 $X_0 = \Gamma \cdot e^{g \cdot 0} = \Gamma$

### ΣΥΝΕΧΗΣ ΧΡΟΝΟΣ (Continuous Variables)

$$X = \Gamma \cdot e^{g \cdot t}$$

ΕΚΘΕΤΙΚΗ ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ  
 $\ln X = \ln \Gamma + g \cdot t$   
 $\Gamma = X_0$

$$\frac{\dot{X}}{X} = g, \quad \dot{X} \equiv \frac{dX}{dt}$$

$$\frac{\dot{X}}{X} = \frac{d \ln X}{dt} = g$$

$$\frac{d \ln X}{dt} = \frac{1}{X} \cdot \frac{dX}{dt} = g$$

$$\Leftrightarrow \int d \ln X = \int g \cdot dt \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \ln X = g \cdot t + C$$

$$\Leftrightarrow \ln X = g \cdot t + C \Leftrightarrow \left\{ \text{"αντιλογαριθμω"} \right\} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow e^{\ln X} = e^{g \cdot t + C} \Leftrightarrow X = e^{g \cdot t} \cdot e^C \Leftrightarrow X = \Gamma \cdot e^{g \cdot t}$$

ΣΗΜΕΙΩΣΗ

→ συνεχής συνάρτηση του  $x$

$\varphi(x_t)$

Μεταβολή διαχρονικά  
Συνεχής χρόνος

$$\lim_{\varepsilon \rightarrow 0} \frac{\varphi(x_{t+\varepsilon} - x_t)}{(t+\varepsilon) - t} \equiv \frac{d\varphi(x_t)}{dt}$$

Παράγωγος

Το  $x$  μεταγράφεται  
ανά  $\varepsilon \rightarrow 0$  περιόδους

Διακριτός χρόνος

$$\frac{\varphi(x_{t+\varepsilon}) - \varphi(x_t)}{(t+\varepsilon) - t}$$

{ Το  $\varepsilon$  δεν τείνει στο μηδέν

$\Delta$

Διαφορές

Το  $x$  μεταγράφεται  
ανά περιόδους μήκους  $\varepsilon$

Ρυθμός μεταβολής ΑΕΠ

$$\frac{\dot{y}}{y} = \frac{dy}{dt} = g \quad \dot{y} \equiv \frac{dy}{dt} \quad (1)$$

$y \rightarrow$  RPCGDP  
 πραγματικό (Real)  
 κατά κεφαλή (Per Capita)  
 συνεχής μεταβλητή

$$y(t) = y(0) \cdot e^{g \cdot t}$$

$$\Leftrightarrow \ln y(t) = \ln y(0) + g \cdot t$$

Rule of thumb  
 "αυτός επιπλέον κανόνας"

Σύγκλιση  
 (Convergence)

Εστω ότι σήμερα ( $t=0$ )  
 $y(0)$

Εστω ότι  $t^*$  είναι η χρονική  
 περίοδος που  
 $y(t^*) = 2 \cdot y(0)$   
 διπλασιάστηκε το ΑΕΠ

Πόσος χρόνος χρειάζεται για  
 να διπλασιαστεί το ΑΕΠ μιας χώρας

$$t^*: 2 \cdot y(0) \text{ Άγνωστος} = t^*$$

$$t=0: y(0)$$

$$2 \cdot y(0) = y(0) \cdot e^{g \cdot t^*}$$

$$g = 3\% \quad \{g = 0.03\}$$

$$t=0 \rightarrow y(0)$$

$$\textcircled{2008} \quad t^* = \frac{70}{3} \text{ χρόνια} \quad \textcircled{2}$$

$$t^* \rightarrow y(t^*) = 2 \cdot y(0) \quad 1970-2008 \rightarrow$$

Σήμερα, Μέσο  $g$  1970-2019

$$y(t) = y(0) \cdot e^{g \cdot t}$$

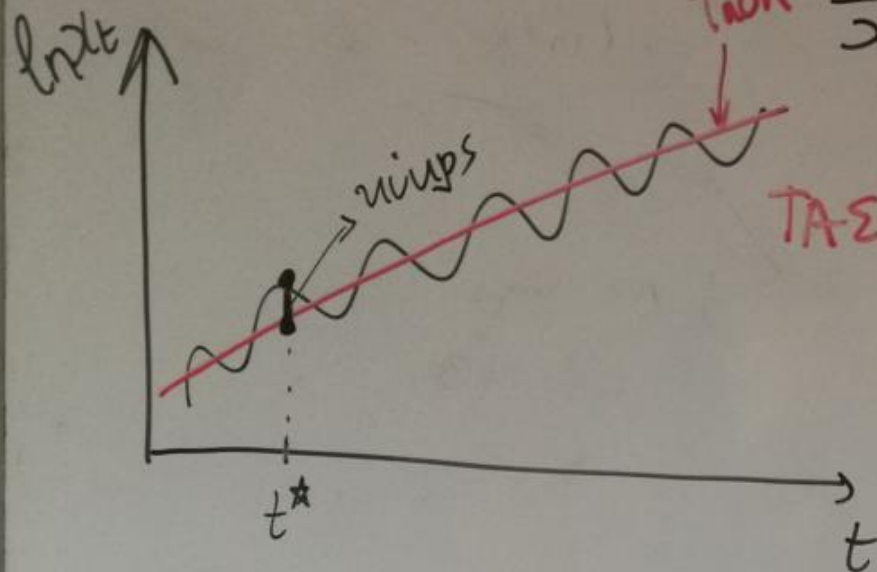
$$\textcircled{2020} : \frac{70}{70} = 1 \text{ χρόνια}$$

Αγνωστος:  $t^*$

$$y(t^*) = y(0) \cdot e^{g \cdot t^*} \quad (=) \quad 2 \cdot y(0) = y(0) \cdot e^{g \cdot t^*} \quad (=)$$

$$(\Rightarrow) \quad 2 = e^{g \cdot t^*} \quad (\Rightarrow) \quad \ln 2 = g \cdot t^* \quad (\Rightarrow)$$

$$(\Rightarrow) \quad t^* = \frac{\ln 2}{g} \quad (\Rightarrow) \quad t^* \approx \frac{70}{g}$$



$$\frac{\dot{x}}{x} = \gamma \quad \left( \text{ή} \quad \frac{x_{t+1} - x_t}{x_t} = \gamma \right) \quad (3)$$

$$\ln x_t^{\text{TASH}} = \ln x(0) + \gamma \cdot t$$

$$\ln x_t - \ln x_t^{\text{TASH}} = \underbrace{C_t}_{\text{Κύκλος}}$$

$\ln x_t \rightarrow$  η σειρά που παρατηρούμε

$\ln x_t^{\text{TASH}} \rightarrow$  η μακροχρόνια τάση (που αντιστοιχεί :  $\frac{\dot{x}}{x} = \gamma$ )

**ACTUAL DATA = TASH + ΚΥΚΛΟΣ**

(Μακροχρόνια) ΜΑΥΡΟ I

ΜΑΥΡΟ II (Βραχυχρόνια περίοδος)

Consumption smoothing  
[εξομαλυσαν]

$$Y = C + I$$

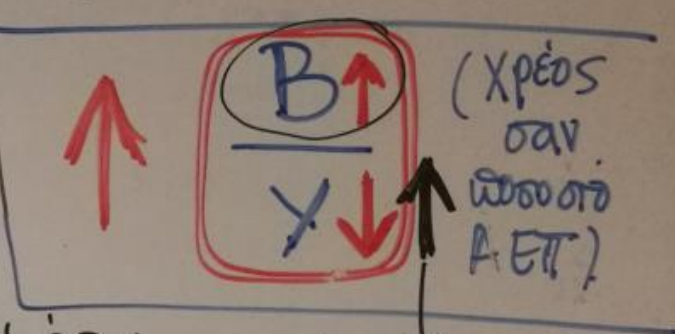
Κλειστή Οικονομία

**Twin Deficits**  
Σύστημα ελλείψεων

- κρατικό έλλειμμα (D)
- Εξωτερικός τράπεζ (NX)

Ιδιωτική Δαπάνη    Δημόσια Ιδιωτική Δαπάνη

Δημιουργική λογιστική  
(creative accounting)  
"greek data"



ΑΝΑΠΤΥΞΗ  
(υπερβαίνει την % ΒΠ)

Κρατικός Προϋπολογισμός

$$B_{t+1} - B_t = D_t$$

ΑΝΟΙΚΤΗ ΟΙΚΟΝΟΜΙΑ

$$Y = C + I + X - M$$

$X - M \equiv NX$   
net exports

Εξαγωγές    Εισαγωγές

$$\frac{X-M}{Y}$$

$B_t$  Δημόσιο Χρέος

Πλεόνασμα = Κρατικές Δαπάνες - Κρατικά Έσοδα