

Αξιολόγηση Επενδύσεων με Εφαρμογές στην Πληροφορική
Εξέταση Σεπτεμβρίου 2020

ΟΔΗΓΙΕΣ:

Κλειστά βιβλία – επιτρέπεται μία σελίδα A4 με ΧΕΙΡΟΓΡΑΦΕΣ ΣΗΜΕΙΩΣΕΙΣ και αριθμομηχανές, όχι KINHTA.

Γράψτε 5 από τα 7θέματα. Τα υποθέματα έχουν ίδια στάθμιση εκτός αν αναφέρεται διαφορετικά.

Θέμα 1^ο

Ένας επενδυτής επιθυμεί να τοποθετήσει ένα ποσό για 33 μήνες και μπορεί να επιλέξει μεταξύ τραπεζών με τους παρακάτω όρους:

I. Σύνθετος τόκος με $j_{(3)}=9,7\%$ - τοποθέτηση 1 μήνα πριν κάποια κεφαλαιοποίηση

II. Σύνθετος τόκος με $j_{(2)}=9,8\%$ - τοποθέτηση 2 μήνες μετά από κάποια κεφαλαιοποίηση

III. Σύνθετος τόκος με $j_{(1)}=10,0\%$ - τοποθέτηση σε κεφαλαιοποίηση

Τόκοι δεν αποδίδονται σε τοποθετήσεις για συντομότερα διαστήματα των περιόδων κεφαλαιοποίησης. Τι πρέπει να επιλέξει;

Προαιρετικά Τι πρέπει να επιλέξει αν αποδίδονται τόκοι και για συντομότερες τοποθετήσεις;

Θέμα 2^ο

Μία παραγωγική επένδυση έχει αρχική δαπάνη 18,0 εκατ. € και θα λειτουργήσει επί 6 έτη. Στο τέλος της ζωής της τα πάγια στοιχεία της είναι άνευ αξίας. Ολόκληρο το ποσό της επένδυσης αποσβένεται σε 6 έτη. Τα πρώτα τρία χρονια η επένδυση θα έχει ετήσιο κέρδος προ τοκοχρεολυσίων, φόρων και αποσβέσεων 5,0 εκατ. ευρώ, ενώ εφεξής θα έχει κέρδη ετησίως 4,0 εκατ. ευρώ. Η φορολογία είναι 40%.

a. (50%) Καταστρώστε τις χρηματορροές της επένδυσης και εκτιμείστε αν η επένδυση είναι συμφέρουσα με το κριτήριο Καθαράς Παρούσας Αξίας και επιτόκιο $j_{(1)}=10\%$.

β. (50%) Η επένδυση μπορεί να χρηματοδοτηθεί με ένα δάνειο 8,0 εκατ. ευρώ που εξοφλείται με επιτόκιο 10% σε τέσσερεις (άνισες..) ετήσιες δόσεις αλλά με ίσα χρεωλύσια. Θα αναλαμβάνατε στην περίπτωση αυτή την επένδυση;

ΠΡΟΔΙΡΕ ΉΛΥΣ : IRR

Θέμα 3^ο

Ένα δάνειο 500.000 € εξοφλείται με ίσες δόσεις και ονομαστικό επιτόκιο $j_{(2)}=10\%$ σε 12 έτη. Μετά από 8 πληρωμές το επιτόκιο δανεισμού πέφτει στα $j_{(2)}=8\%$. Ο δανειζόμενος μπορεί βέβαια να εξοφλήσει το υπόλοιπο του δανείου συμβατικά, αλλά εναλλακτικά έχει το δικαίωμα να ζητήσει να υπολογισθούν οι υπολειπόμενες πληρωμές με βάση το νέο επιτόκιο και να είναι πάλι ίσες μεταξύ των. Η δανειακή σύμβαση προβλέπει ότι στην περίπτωση αυτή το ανεξόφλητο ποσό του δανείου θα προσαυξηθεί κατά 4%. Τι πρέπει να κάνει ο δανειζόμενος;

Θέμα 4^ο

Μια επιχείρηση σκοπεύει να αγοράσει μια μηχανή είτε τύπου Α είτε τύπου Β. Οι δυο μηχανές κάνουν την ίδια δουλειά αλλά το κόστος λειτουργίας της Α είναι 1500 € ετησίως ενώ της Β είναι 1300 € ετησίως, που παραμένουν σταθερά. Η Α έχει διάρκεια ζωής 5 έτη και κόστος αγοράς 15 χιλ. € ενώ η Β έχει διάρκεια ζωής 9 έτη και κόστος αγοράς 28 χιλ. €. Στο τέλος της ζωής κάθε μηχανήματος πωλείται προς 1,0 χιλ. ευρώ για ανταλλακτικά και ΔΕΝ πρέπει να γίνει κάποια δαπάνη για την απομάκρυνσή της. Ισχύει επιτόκιο 3% με ετήσια κεφαλαιοποίηση και αγνοούμε τον πληθωρισμό.

i. Ποια μηχανή θα αγοράζατε αν τα κόστη λειτουργίας παραμένουν σταθερά;

ii. Ακριβέστερες εκτιμήσεις δείχνουν ότι η το κόστος λειτουργίας της μηχανής Α αυξάνει κατά 3% ετησίως ενώ της Β μειώνονται κατά 1% ετησίως. Ποια μηχανή θα αγοράζατε;

Θέμα 5^ο

Καταθέτει ένας ιδιώτης ποσό 100 χλ. σε στιγμή κεφαλαιοποίησης ενός λογαριασμού με ετήσια κεφαλαιοποίηση. Μετά από ένα έτος κάνει ανάληψη 50 χλ. και κλείνει τον λογαριασμό μετά από άλλο ένα έτος εισπράττοντας 66 χλ. Ποιό ήταν το επιτόκιο του λογαριασμού;

Θέμα 6^ο

Η μετοχή μιας εταιρείας Α για την οποία δεν αναμένοντο μέχρι τώρα μεταβολές στα κέρδη έχει λόγο τιμής προς κέρδη ίσο με 20, και πωλείται προς 30 €. Πληροφορείσθε πρώτος από όλους ότι μία άλλη εταιρεία Β ανέπτυξε μία ευρεσιτεχνία που βελτιώνει το προϊόν της και έτσι αναμένουμε ότι τα κέρδη της Α θα μειώνονται με ρυθμό 2% ετησίως για απεριόριστο χρονικό διάστημα. Ποια θα είναι η νέα τιμή της μετοχής της Α όταν διαδοθούν τα νέα αυτά; Ειδικότερα, θα την πουλούσε αν του προσφερόταν 23 € για την μετοχή;

Θέμα 7^ο

Ένα δάνειο Α ευρώ αποπληρώνεται με ίσες πληρωμές (τοκοχρεωλύσια). Η αποπληρωμή γίνεται σε N έτη, με n πληρωμές ανά έτος (σε ίσα χρονικά διαστήματα μεταξύ των) και ονομαστικό επιτόκιο $j_{(n)}$. Θέλουμε να καταστρώσουμε τον πίνακα αποπληρωμής του δανείου (να γίνεται οπωσδήποτε ο επιμερισμός των πληρωμών σε τόκους και χρεωλύσια).

- i. (80%) Καταστρώστε το σχετικό φύλλο λογισμικού θεωρώντας ότι το ποσό του δανείου, η διάρκεια, η συχνότητα και το ονομαστικό επιτόκιο είναι παράμετροι. Επίσης ο αριθμός των πληρωμών είναι κάτω των (έστω) 100. Δεν θέλουμε να εμφανίζονται «εγγραφές» πέραν της διάρκειας του δανείου
- ii. (20%) Σχολιάστε πώς θα αλλάζετε το προγραμμά σας για να μπορεί ο χρήστης να δηλώνει αν θέλει αποπληρωμή σε ίσα τοκοχρεωλύσια ή ίσα χρεωλύσια.

$$I. \quad 1 + 8 \cdot 4 = 33$$

$$S_I = A \left(1 + \frac{1}{12} \cdot 0,097\right) \left(1 + \frac{0,097}{3}\right)^8 = \frac{A=100}{130,03}$$

$$II. \quad 4 + 4 \cdot 6 + 5 = 33$$

$$S_{II} = A \left(1 + \frac{4}{12} \cdot 0,098\right) \left(1 + \frac{0,098}{2}\right)^4 \left(1 + \frac{5}{12} \cdot 0,098\right) = \frac{A=100}{130,15}$$

$$III. \quad 2 \cdot 7,2 + 9 = 33$$

$$S_{III} = A \left(1 + \frac{9}{12} \cdot 0,1\right) \left(1 + 0,10\right)^2 = \frac{A=100}{130,075}$$

Ако кварталът е $\frac{1}{12}$

Предупреждо: Могат да се използват и други методи за
оценка на дохода от инвестицията, като също 3 квартала
също в $\frac{1}{12}$ ($S_I^* = A e^{0,097 \cdot \frac{33}{12}}$ $S_{II}^* = A e^{0,098 \cdot \frac{33}{12}}$
 $S_{III}^* = A e^{0,10 \cdot \frac{33}{12}} \dots$)

2. (a) За год 1-3 се приема доход 5%

$$5 - (5-3) \cdot 0,4 = 4,2 \text{ год за } 4-6 \text{ годи}$$

$$4 - (4-3) \cdot 0,4 = 3,6 \text{ год в края на годината}$$

$$-18 + 4,2 \cdot a(3,10\%) + \frac{1}{2} \cdot 3,6 \cdot a(3,10\%)^{2,482}$$

$$= -18 + (4,2 + 3,6) \cdot 2,472 = -0,84 < 0$$

Предупреждо! Този IRR е коректен

$$-18 + 6,9 \cdot a(3,IRR) = 0 \text{ следователно } NPV(10) < 0$$

Дохода е 5% отдават $a(3,5\%) = 2,72$

$$\text{така } -18 + 6,9 \cdot 2,72 > 0 \text{ следователно IRR}$$

годи 4-6 ще имат 5% като 10%. При 7,5% $a(3,7,5\%) = 2,6$

$$\text{така } NPV(7,5) = -18 + 17,34 = -0,66 \text{ следователно IRR}$$

IRR е приблизително 7,5%.

(b) Могат да се приемат 8 години, като доходът е 10% годишно.

$$To 1^{\circ} \text{ година, следва } \frac{20}{20+10} = 2 + \frac{1}{1+0,1} \cdot 1,8 =$$

$$2,8 \text{ като } \frac{5-2,8-(5-3-0,8) \cdot 0,4}{1,72}, \text{ при } 2^{\circ} \text{ година } 5-2,6-(5-3-0,6) \cdot 0,4 = 1,7,$$

$$= 1,84 \text{ при } 3^{\circ} \text{ година } 5-2,4-(5-3-0,4) \cdot 0,4 = 1,96$$

$$= 1,96 \text{ при } 4^{\circ} \text{ година } 5-2,2-(4-3-0,2) \cdot 0,4 = 1,98$$

$$= 1,98 \text{ при } 5^{\circ} \text{ година } 3,6 \text{ отдават като доход}$$

$$\begin{aligned}
 \text{H kNA} \text{ en} & -10 + \frac{1,72}{1,1} + \frac{1,84}{1,12} + \frac{1,96}{1,13} + \frac{1,48}{1,14} + \frac{3,6}{1,15} + \frac{36}{1,16} \\
 & = -10 + 1,56 + 1,52 + 1,42 + 1,01 + 2,24 + 3,03 \\
 & = -10 + 9,83 = -0,17
 \end{aligned}$$

Nagi der enkele kasji n ederden appa
vo NPV enkele wape plegajwape

$$\begin{aligned}
 3. \text{ To ambyggmo en} & 500 \cdot \bar{a}(24,0,05) \cdot a(16,0,05) \\
 & = 500 \cdot \frac{10,838}{13,799} = 392,70
 \end{aligned}$$

$$\text{enkele doon } 500 \bar{a}(24,0,05) = 36,245$$

$$\begin{aligned}
 \text{Me zo ederden} & 8\% \text{ opeku na } \{ \text{05} \text{ jude} \\
 \text{doon} & 392,7 \times 1,04 = 408,41 \text{ opeku n} \\
 \text{form enkele} & 408,41 \bar{a}(16,4\%) = \frac{408,41}{11,652} \\
 & = 35,05 \text{ dor enkele wape} \\
 \text{endo} & \text{mee} \text{ doon} \text{ en} 36,245.
 \end{aligned}$$

4. (a) r_{IA} nu A n D.A. enkele

$$\begin{aligned}
 \left(15 - \frac{1}{1,03^5}\right) \bar{a}(5,3\%) + 1,5 & 168 \times 1,05 \\
 & = 3,082 + 1,5 = 4,587 \text{ Egy/sekos}
 \end{aligned}$$

r_{IA} nu B $\frac{1,9986}{1,03^9}$

$$\left(28 - \frac{1}{1,03^9}\right) \bar{a}(9,3\%) + 1,3 = 4,798 \text{ Egy/sekos}$$

Apa vo A enkele plegajwape

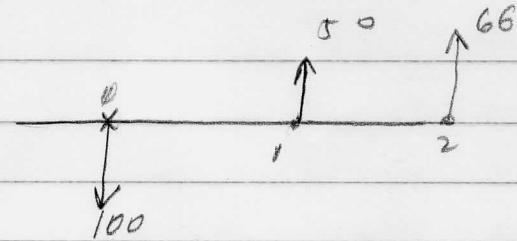
$$\begin{aligned}
 (b) \text{ ruu} & \text{ nu A } \left(15 - \frac{1}{1,03^5} + 1,5 \text{ a}(8,0)\right) \bar{a}(5,3\%) \\
 & = (14,14 + 7,5) / 4,580 = \textcircled{4,725} (\geq 4,587)
 \end{aligned}$$

r_{IA} nu B $\frac{7,436}{1,03^9}$

$$\left(28 - \frac{1}{1,03^9} + 1,3 \text{ a}(9,4\%) \right) \bar{a}(9,3\%) = \textcircled{4,739} \text{ Egy/sekos}$$

To $\bar{a}(A)$ $\frac{36,90}{1,03^9}$ ghetogordi' kasjwape appa n hagope

5.



$$100 - \frac{50}{1+j_1} - \frac{66}{(1+j_1)^2} = 0$$

$$x = 1 + j_{11}$$

$$\text{m} \quad 100x^2 - 50x - 66 = 0$$

$$\text{puffes} \quad \frac{50 \pm \sqrt{2500 + 4 \cdot 100 \cdot 66}}{200}$$

$$= \frac{50 \pm 170}{200} = \frac{220}{200} = 1,10$$

H opmenni puffa dan eru mynd
eyða $j_{11} = 10\%$.

$$6. \quad \frac{P}{E} = \frac{1}{\rho} = 20 \text{ eyða} \quad \rho = \frac{1}{20} = 5\%$$

Mála ra réða: $\frac{\hat{P}}{\hat{E}} = \frac{1}{5\% - (-2\%)} = \frac{1}{0,07}$

Eru $E = \hat{E} = \frac{P}{20} = \frac{30}{20} = 1,5 \cdot 5260$
n ráði ríku eru

$$\hat{P} = \frac{15}{0,07} \approx 21,43 \text{ E.} \quad \text{Þróunar}$$

þa teknar meðin í m ðógnbörðum
þóður 23 E.

7. Þjóði 4410 jörundar over
1002020.