

Απολύτως απαραίτητη οικονομετρική θεωρία

## Οι βασικές ερωτήσεις για μια παλινδρόμηση

1. Οι εκτιμήσεις μπορούν να χρησιμοποιηθούν για επαγωγή υπό πιστευτές υποθέσεις; Αν ναι, ποιες;
2. Είναι στατιστικά σημαντικά τα αποτελέσματα;
3. Είναι οικονομικά σημαντικά τα αποτελέσματα;
4. Υπάρχει καταλληλότερη εναλλακτική παλινδρόμηση;

Y1-5  
«Κλασικές  
υποθέσεις»

*(μικρά δείγματα)*

1. Γραμμικότητα:

$$y_t = \beta_0 + \dots + \beta_k x_{kt} + u_t$$

2. Αυστηρή Εξωγένεια:

$$E(u_t | X) = 0$$

3. Ατελής Συγγραμικότητα:

$$\nexists l : x_{lt} \neq a, \exists \beta^* : x_l = x_{-l} \beta^*$$

4. Ομοσκεδαστικότητα:

$$\text{Var}(u_t | X) = \sigma^2$$

5. Έλλειψη Αυτοσυσχ/σης:

$$\text{Corr}(u_t, u_s | X) = 0$$

Y6: Κανονικότητα

Y1'-5'  
«Ασθενείς  
εκδοχές  
κλασσικών  
υποθέσεων»

- Y4', Y5'

$X(t)$  αντί για  $X$  σε Y2,4,5

+

*μεγάλα δείγματα*

Στασιμότητα

Ασθ. εξάρτηση

## Σημαντικότερα Αποτελέσματα

- $Y1-3 \rightarrow$  Αμεροληψία Ε.Ε.Τ
- $Y1'-3' \rightarrow$  Συνέπεια Ε.Ε.Τ
  
- $Y1-5 \rightarrow$  Ε.Ε.Τ BLUE
- $Y1-6 \rightarrow$  Ε.Ε.Τ κανονικές κατανομές, επαγωγή δυνατή
  
- $Y1'-5' \rightarrow$  Ασυμπτωτική κανονικότητα, επαγωγή δυνατή, *ασυμπτωτικά άριστοι*
- Έλεγχοι για  $Y4, Y5$ , συνέπειες παραβιάσεων
- $Y1'-3' \rightarrow$  επαγωγή με ΕΓΕΕΤ (FGLS)

*πολύ χρήσιμη οικονομετρική θεωρία*

# ΓΕΝΙΚΕΥΣΗ ΥΠΟΘΕΣΕΩΝ 1-6: ΜΕΛΕΤΗ ΑΣΥΜΠΤΩΤΙΚΩΝ ΙΔΙΟΤΗΤΩΝ ΕΕΤ

Βασικοί Ορισμοί:

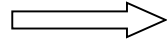
**(Αυστηρά) Στάσιμη Στοχαστική Ακολουθία/Χρονοσειρά:**

Η Σ.Α.  $\{y_t: t = 1, 2, \dots\}$  είναι *αυστηρά στάσιμη* αν

$\forall t_1, t_2, \dots, t_m$  η κατανομή  $D_{y_{t_1}, y_{t_2}, \dots, y_{t_m}}$

είναι ίδια με την κατανομή  $D_{y_{t_1+h}, y_{t_2+h}, \dots, y_{t_m+h}}$

- Ιδιότητα όλης της ακολουθίας και όχι μιας παρατήρησης
- Μπορεί να είναι δύσκολο να κρίνουμε αν μια Σ.Α. είναι στάσιμη
- Κάποιες χρονοσειρές (π.χ. με τάσεις) είναι φανερά μη στάσιμες



Χρειαζόμαστε μια εναλλακτική υπόθεση που να εφαρμόζεται σε περισσότερες περιπτώσεις:

### Στοχαστική Ακολουθία με Στάσιμη Συνδιακύμανση:

Η Σ.Α.  $\{y_t: t = 1, 2, \dots\}$  με πεπερασμένη διακύμανση,  $E(y_t^2) < \infty \forall t$ , έχει στάσιμη συνδιακύμανση αν

$$1) E(y_t) = k_1$$

$$2) \text{var}(y_t) = k_2$$

$$3) \text{cov}(y_t, y_{t+h}) = f(h) \forall (h, t)$$

$$\text{Α.Σ.} + E(y_t^2) < \infty \Rightarrow \text{Σ.Σ.}$$

$$\text{Σ.Σ.} \not\Rightarrow \text{Α.Σ.}$$

## Στοχαστική Ακολουθία με Ασθενή Εξάρτηση

Μια Σ.Α. έχει *Ασθενή Εξάρτηση* αν  $y_t$  και  $y_{t+h}$  είναι «σχεδόν ανεξάρτητες» καθώς το  $h \rightarrow \infty$

Παράδειγμα ενός είδους Ασθενούς Εξάρτησης:

Μια Σ.Α. με στάσιμη συνδιακύμανση έχει *Ασυμπτωτική Έλλειψη Συσχέτισης (ΑΕΣ)* αν η συσχέτιση  $Corr(y_t, y_{t+h})$  μικραίνει «αρκετά γρήγορα» καθώς  $h \rightarrow \infty$ :

**«αρκετά γρήγορα», σημαίνει για παράδειγμα:**

$$\begin{aligned} \exists \rho(h): Corr(y_t, y_{t+h}) \leq \rho(h), 0 \leq \rho(h) \leq 1, \sum_{h=1}^{\infty} \rho(h) < \infty \\ \Rightarrow \lim_{h \rightarrow \infty} Corr(y_t, y_{t+h}) = 0 \quad (\text{ΑΕΣ}) \end{aligned}$$



# ΟΛΟΚΛΗΡΩΣΗ-ΕΛΕΓΧΟΣ ΓΙΑ ΟΛΟΚΛΗΡΩΣΗ ΠΡΩΤΟΥ ΒΑΘΜΟΥ, I(1)

Στο υπόδειγμα αυτοπαλινδρόμησης 1ου βαθμού:

$$y_t = a + \rho y_{t-1} + e_t, t = 1, 2, \dots$$

$$E(e_t | y_{t-1}, y_{t-2}, \dots, y_0) = 0 \quad \sim \text{Martingale} \\ \text{difference} \\ \text{sequence} \\ (\text{ως προς } \{y_{t-1}, y_{t-2}, \dots\})$$

$$\text{π.χ. } e_t \stackrel{iid}{\sim} D(0), \text{ ανεξάρτητο του } y_0$$

$$I(1) \leftrightarrow \rho = 1$$

$\alpha = 0$  (Τυχαία Διαδρομή)

$\alpha \neq 0$  (Τ.Δ. με τάση)

---

$$H_0: \rho = 1$$

$$H_1: \rho < 1 \rightarrow I(0) \text{ (αν } |\rho| < 1)$$

$\left( \begin{array}{l} \rho > 1, \\ \text{μη ρεαλιστικό} \end{array} \right)$

$\left( \begin{array}{l} \text{Συνήθως περίπτωση } 0 < \rho < 1 \text{ έχει} \\ \text{ενδιαφέρον (όχι } \rho < 1) \end{array} \right)$

## Έλεγχος Dickey - Fuller

$$\Rightarrow \Delta y_t = a + \theta y_{t-1} + e_t, \quad \begin{array}{l} H_0 : \theta = 0 \\ H_1 : \theta < 0 \end{array}$$

Δυσκολία:

- $t_{\hat{\theta}}$  ➤ δεν έχει κατανομή  $t$
- έχει ασυμπτωτική κατανομή *Dickey-Fuller*

## ΣΥΝΟΛΟΚΛΗΡΩΣΗ

Ορισμός:  $\{y_t\}_{t=1}^{\infty}, \{x_t\}_{t=1}^{\infty} \sim I(1)$   
 $\exists \beta^* : y_t - \beta^* x_t \sim I(0)$

→ «Παράμετρος συνολοκλήρωσης»:  $\beta^*$

### Οικονομική Ερμηνεία

- $(y_t - \beta^* x_t)$  διακυμαίνεται γύρω από  $E(y_t - \beta^* x_t)$
- $E(y_t - \beta^* x_t)$  είναι το «μακροπρόθεσμο σημείο ισορροπίας», π.χ. Διαφορά μηνιαίων/εξαμηνιαίων επιτοκίων.