

Ασφαλίσεις Ζωής

Παραδοσιακές ασφαλίσεις ζωής

1. Ασφάλιση Επιβίωσης
2. Ράντες ζωής
3. Ασφάλιση Θανάτου
4. Μικτές Ασφαλίσεις

1. Ασφάλιση Επιβίωσης

1. Ασφάλιση Επιβίωσης

a. Τι καλύπτει

- ▶ Η καταβολή του ασφαλισμένου κεφαλαίου πραγματοποιείται εφόσον ο ασφαλισμένος βρίσκεται στη ζωή στη λήξη της ασφάλισης
- ▶ Σε περίπτωση θανάτου του ασφαλισμένου πριν την λήξη της ασφάλισης : 0

1. Ασφάλιση Επιβίωσης

β. Υπολογισμός ασφαλιστικής υποχρέωσης

- ▶ Στη χρονική στιγμή $t = 0$: I_x άτομα ηλικίας x καταβάλουν από 1€ στον ασφαλιστή.
- ▶ Ο ασφαλιστής επενδύει το συνολικό ποσό, ήτοι ϵI_x , έως τη χρονική στιγμή $t = n$.
- ▶ Στη χρονική στιγμή $t = n$: παραμένουν I_{x+n} επιζώντες που μπορούν να λάβουν το ποσό των ϵI_x και επιπλέον την απόδοση της επένδυσης του ανωτέρω ποσού.

1. Ασφάλιση Επιβίωσης

β. Υπολογισμός ασφαλιστικής υποχρέωσης

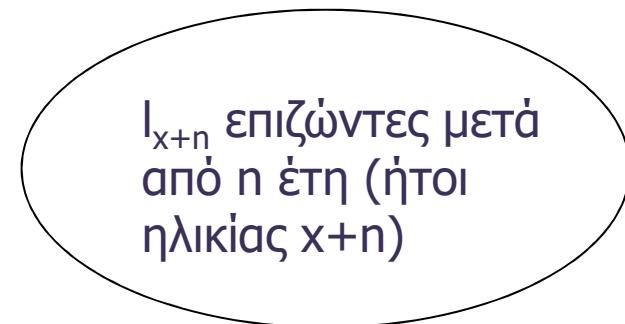
- ▶ Αν υποθέσουμε ότι το εγγυημένο ετήσιο επιτόκιο του ασφαλιστή, το κεφάλαιο στη λήξη της περιόδου ανέρχεται σε € :

$$l_x (1+i)^n$$

- ▶ Κάθε ασφαλισμένος μπορεί να λάβει : $\frac{l_x}{l_{x+n}} (1+i)^n$

1. Ασφάλιση Επιβίωσης

β. Υπολογισμός ασφαλιστικής υποχρέωσης



Έκαστος καταβάλει 1€,
συνεπώς συνολικά I_x €.

μοιράζονται I_x € προσαυξημένα με
τους αντίστοιχους τόκους,

$$\text{ήτοι: } \epsilon = \frac{l_x}{l_{x+n}} (1+i)^n$$

1. Ασφάλιση Επιβίωσης

β. Υπολογισμός ασφαλιστικής υποχρέωσης

► Το κεφάλαιο που λαμβάνεται στην λήξη από τους επιζώντες ισούται με το αρχικό ποσό της αρχικής καταβολής προσαυξημένο κατά:

► την κεφαλαιοποίηση ως αποτέλεσμα του επιτοκίου i (τεχνικό επιτόκιο) :

$$(1+i)^n$$

► την προσαύξηση λόγω της θνησιμότητας ($I_x < I_{x+n}$):

$$\frac{l_x}{l_{x+n}}$$

1. Ασφάλιση Επιβίωσης

β. Υπολογισμός ασφαλιστικής υποχρέωσης

- Συνεπώς, το ενιαίο ασφάλιστρο το οποίο πρέπει να λάβει ο ασφαλιστής ώστε να είναι σε θέση να καταβάλει € 1 μετά από n έτη σε ένα ασφαλισμένο ηλικίας x, εφόσον παραμένει στη ζωή στη λήξη της περιόδου ασφάλισης είναι:

$$\frac{l_{x+n}}{l_x(1+i)^n} = v^n \frac{l_{x+n}}{l_x}, \text{ av } v = \frac{1}{(1+i)}$$

- Συμβολισμός : $nE_x = v^n \frac{l_{x+n}}{l_x}$

1. Ασφάλιση Επιβίωσης

γ. Αριθμοί μετατροπής

- ▶ Ορίζοντας : $D_x = v^x \cdot l_x$
- ▶ Τότε το εφάπαξ ασφάλιστρο της ασφάλειας επιβίωσης μπορεί να γραφεί ως :

$${}_nE_x = \frac{D_{x+n}}{D_x}$$

$$A_{x:n} = \frac{D_{x+n}}{D_x}$$

1. Ασφάλιση Επιβίωσης

δ. Εφαρμογή

- ▶ Φύλο : Άνδρας
- ▶ Ασφαλισμένο Κεφάλαιο (K) = 10.000 €
- ▶ Ηλικία (x) = 25
- ▶ Διάρκεια ασφάλισης (n) = 40
- ▶ Πίνακας Θνησιμότητας : ΕΑΕ 1990
- ▶ Τεχνικό επιτόκιο (i) = 3%

Καθαρό Ασφάλιστρο (NP)= ;

1. Ασφάλιση Επιβίωσης

δ. Εφαρμογή

- ▶ Αν ο ασφαλισμένος αποβιώσει πριν την ηλικία των 65 ετών, πιο το ποσό θα καταβάλει ο ασφαλιστής;
- ▶ Τι ασφάλιστρο θα πρέπει να ζητήσει ο ασφαλιστής προκειμένου να καταβάλει το κεφάλαιο σε κάθε περίπτωση;

1. Ασφάλιση Επιβίωσης

δ. Εφαρμογή

- ▶ Υποθέσεις υπολογισμού :
 - ▶ Ο ασφαλιστής επενδύει τα ασφάλιστρα που λαμβάνει με επιτόκιο ίσο με το τεχνικό επιτόκιο,
 - ▶ Η αναλογία των επιζώντων, σύμφωνα με την εμπειρία, στο χαρτοφυλάκιο επιβεβαιώνει τον πίνακα θνησιμότητας που χρησιμοποιείται στην τιμολόγηση.
- ▶ Εφόσον δεν επιβεβαιωθούν στην πράξη οι παραπάνω υποθέσεις, ο ασφαλιστής θα καταγράψει κέρδος ή ζημία ανάλογα με την περίπτωση.
- ▶ Το ασφάλιστρο θα πρέπει να προσαυξηθεί κατάλληλα ώστε να καλύπτει τα έξοδα διαχείρισης, τον κίνδυνο θνησιμότητα...

1. Ασφάλεια Επιβίωσης δ. Εφαρμογή

- ▶ Παράγοντες που επηρεάζουν το ασφάλιστρο :
 - ▶ Τεχνικό επιτόκιο
 - ▶ Θνησιμότητα
 - ▶ Ηλικία του ασφαλισμένου
 - ▶ Φύλο ασφαλισμένου
 - ▶ Διάρκεια συμβολαίου

1. Ασφάλεια Επιβίωσης δ. Εφαρμογή

► Το ασφάλιστρο θα είναι πιο υψηλό εφόσον:

- ▶ Το τεχνικό επιτόκιο είναι χαμηλότερο
- ▶ Η θνησιμότητα είναι χαμηλότερη,
- ▶ Η ηλικία του ασφαλισμένου είναι μικρότερη,
- ▶ Η διάρκεια του συμβολαίου είναι πιο σύντομη.

1. Ασφάλεια Επιβίωσης δ. Εφαρμογή

- ▶ Φύλο : Άνδρας
- ▶ Ασφαλισμένο Κεφάλαιο (K) = 10.000 €
- ▶ Ηλικία (x) = 25
- ▶ Διάρκεια ασφάλισης (n) = 40
- ▶ Πίνακας Θνησιμότητας : ΕΑΕ 1990
- ▶ Τεχνικό επιτόκιο (i) = 2%

Καθαρό Ασφάλιστρο (NP)= ;

1. Ασφάλεια Επιβίωσης δ. Εφαρμογή

► Επιλογή τεχνικών βάσεων

► Το τεχνικό επιτόκιο

► Ο ασφαλιστής πρέπει να είναι σε θέση να επενδύει τα ασφαλιστρα με επιτόκιο του λάχιστον ίσο με το τεχνικό επιτόκιο για όλη τη διάρκεια του συμβολαίου

► Ο πίνακας θνησιμότητας

► Να λαμβάνει υπόψη το ενδεχόμενο της αντεπιλογής

2. Ράντες ζωής

2. Ράντες

- ▶ Ράντα καλείται σειρά κεφαλαίων που καταβάλλονται σε ίσα χρονικά διαστήματα.
- ▶ **Περίοδος** της ράντας καλείται ο χρόνος που μεσολαβεί μεταξύ δύο διαδοχικών καταβολών. Από την περίοδο της ράντας ονομάζεται σε ετήσια, εξαμηνιαία, τριμηνιαία, μηνιαία ...
- ▶ **Όρος** της ράντας καλείται κάθε ποσό αυτής.
- ▶ Εάν οι όροι της ράντας είναι ίσοι, η ράντα καλείται σταθερή, εάν όχι λέγεται μεταβλητή.
- ▶ Εάν ο όρος της ράντας καταβάλλεται στο τέλος κάθε περιόδου, η ράντα λέγεται **ληξιπρόθεσμη** και εάν στην αρχή ονομάζεται **προκαταβλητέα**.
- ▶ **Πρόσκαιρη** καλείται η ράντα εκείνη της οποίας το πλήθος των όρων είναι ορισμένο, **διηνεκής** όταν το πλήθος είναι άπειρο και **ράντα ζωής** καλείται εκείνη της οποίας το πλήθος των όρων εξαρτάται από τη ζωή ενός ή περισσοτέρων ατόμων, συνεπώς ο όρος αυτής καταβάλλεται εφόσον βρίσκεται στη ζωή ένα ή περισσότερα άτομα.

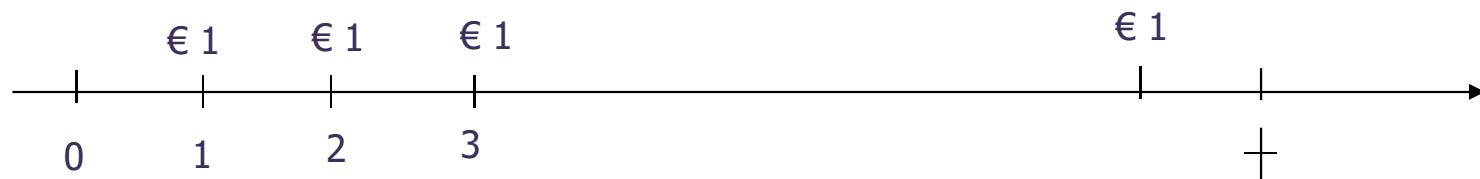
2. Ράντες ζωής

a. Τι καλύπτει

- ▶ Περιοδική καταβολή παροχής, για όσο χρόνο ο ασφαλισμένος βρίσκεται στη ζωή.
- ▶ Η καταβολή της παροχής διακόπτεται στο θάνατο του ασφαλισμένου.

2. Ράντες ζωής

β. Ισόβια ληξιπρόθεσμη ράντα



- ▶ Ασφαλισμένος ηλικίας x καταβάλει a_x € κατά τη χρονική στιγμή 0.
- ▶ Από την χρονική στιγμή 1, ο ασφαλιστής καταβάλει 1€ για όσο χρόνο ο ασφαλισμένος βρίσκεται στη ζωή.
- ▶ a_x είναι το κεφάλαιο που ισοδυναμεί στην ράντα.

2. Ράντες ζωής

β. Ισόβια ληξιπρόθεσμη ράντα

$$a_x = \sum_{t=1}^{\infty} v^t p_x$$

► $a_x = {}_1E_x + {}_2E_x + \dots$

► $a_x = \frac{D_{x+1}}{D_x} + \frac{D_{x+2}}{D_x} + \dots$

► Καθώς : $N_x = D_x + D_{x+1} + D_{x+2} + \dots$

► Εχούμε : $a_x = \frac{N_{x+1}}{D_x}$

2. Ράντες ζωής

β. Ισόβια ληξιπρόθεσμη ράντα

Παράδειγμα

- ▶ Άνδρας
- ▶ Ράντα (ισόβια σταθερή, ληξιπρόθεσμη, ετησίως καταβαλλόμενη) = 10.000 €
- ▶ Ηλικία (x) = 65
- ▶ Πίνακας Θνησιμότητας ΕΑΕ 1990
- ▶ $i = 2\%$

Ποιο το κεφάλαιο (K) που αντιστοιχεί στη ράντα ;

2. Ράντες ζωής

β. Ισόβια ληξιπρόθεσμη ράντα

Λύση:

$$a_x = \sum_{t=1}^{\infty} v^t p_x$$

$$a_{65} = \frac{N_{66}}{D_{65}}$$

x	Dx	Nx
64	232.098,99	3.249.005,64
65	223.590,02	3.016.906,65
66	215.011,28	2.793.316,63
67	206.342,58	2.578.305,35

$$a_{65} = \frac{N_{66}}{D_{65}} = \frac{2.793.316,63}{223.590,02} = 12,49$$

$$K = 12,49 \times 10.000 \text{€} = 124.900 \text{€}$$

2. Ράντες ζωής

β. Ισόβια ληξιπρόθεσμη ράντα

► **Υποθέσεις υπολογισμού**

- ▶ Ο ασφαλιστής επενδύει το κεφάλαιο που αντιστοιχεί στην πρόσοδο με το τεχνικό επιτόκιο,
- ▶ Η αναλογία των επιζώντων του χαρτοφυλακίου είναι σύμφωνη με τον πίνακα θνησιμότητας που χρησιμοποιείται,
- ▶ Εφόσον οι υποθέσεις δεν επαληθεύονται, ο ασφαλιστής θα πραγματοποιήσει κέρδος ή ζημία ανάλογα με την περίπτωση.
- ▶ Το κεφάλαιο που αντιστοιχεί στην πρόσοδο προσαυξάνεται με τις επιβαρύνσεις για την κάλυψη των εξόδων διαχείρισης, τον κίνδυνο θνησιμότητας, την απόδοση των επενδύσεων

2. Ράντες ζωής

β. Ισόβια ληξιπρόθεσμη ράντα

- ▶ Παράγοντες που επηρεάζουν το κεφάλαιο που αντιστοιχεί στη ράντα
 - ▶ Το κεφάλαιο θα είναι πιο υψηλό εφόσον:
 - ▶ Το τεχνικό επιτόκιο είναι χαμηλότερο
 - ▶ Η θνησιμότητα είναι χαμηλότερη,
 - ▶ Η ηλικία του ασφαλισμένου είναι μικρότερη,

2. Ράντες ζωής

β. Ισόβια προκαταβλητέα ράντα



- ▶ Ασφαλισμένος ηλικίας x καταβάλει ϵ äx στη χρονική στιγμή 0.
- ▶ Από την ίδια στιγμή (0), ο ασφαλιστής καταβάλει ϵ 1 κάθε έτος, για όλη την περίοδο που ο ασφαλισμένος βρίσκεται στη ζωή.
- ▶ äx είναι το κεφάλαιο που αντιστοιχεί στην αξία της προκαταβλητέας ισόβιας ράντας.

2. Ράντες ζωής

β. Ισόβια προκαταβλητέα ράντα

$$\ddot{a}_x = \sum_{t=0}^{\infty} v^t p_x$$

► $\ddot{a}_x = 1 + {}_1E_x + {}_2E_x + \dots$

► $\ddot{a}_x = 1 + \frac{D_{x+1}}{D_x} + \frac{D_{x+2}}{D_x} + \dots$

► Καθώς, $N_x = D_x + D_{x+1} + D_{x+2} + \dots$

► Έχουμε : $\ddot{a}_x = \frac{N_x}{D_x}$

2. Ράντες ζωής

β. Ισόβια προκαταβλητέα ράντα ζωής

Παράδειγμα

Εργατικό ατύχημα συμβαίνει σε άντρα ηλικίας 35 ετών ο ετήσιος μισθός του οποίου ανέρχεται σε € 50.000. Η ετήσια αποζημίωση ορίσθηκε στο 75% του ετήσιου μισθού, προκαταβλητέα και ισοβίου διάρκειας. Ποιο το κεφάλαιο που αντιστοιχεί στην παροχή;

Πίνακας Θνησιμότητας ΕΑΕ 1990 και τεχνικό επιτόκιο 2,5%.

2. Ράντες ζωής

β. Πρόσκαιρη ληξιπρόθεσμη ράντα ζωής

- ▶ Η πρόσοδος καταβάλλεται στο τέλος κάθε έτους, εφόσον ο ασφαλισμένος βρίσκεται στη ζωή, με ανώτατο όριο το έτος λήξης της προσυμφωνημένης περιόδου ασφάλισης.
- ▶ Η πρόσκαιρη ληξιπρόθεσμη ράντα υπολογίζεται ως εξής:

$$a_{x:n} = \sum_{t=1}^n v^t p_x$$

$$\begin{aligned} a_{x:n} &= {}_1E_x + {}_2E_x + \dots + {}_nE_x \\ &= \frac{D_{x+1}}{D_x} + \frac{D_{x+2}}{D_x} + \dots + \frac{D_{x+n}}{D_x} \\ &= \frac{N_{x+1} - N_{x+n+1}}{D_x} \end{aligned}$$

2. Ράντες ζωής

β.Πρόσκαιρη ληξιπρόθεσμη ράντα ζωής

Παράδειγμα

Αυτοκινητιστικό ατύχημα έχει ως αποτέλεσμα το θάνατο προσώπου ηλικίας 45 ετών με ετήσιο μισθό € 30.000. Το δικαστήριο ορίζει την καταβολή αποζημίωσης προς την σύζυγό του, ετήσιας ληξιπρόθεσμης ράντας ίσης με το 60% του ετησίου μισθού του, για διάρκεια 20 έτη. Να υπολογιστεί το ισοδύναμο κεφάλαιο της αποζημίωσης εφόσον ο πίνακας θνησιμότητας είναι ο ΕΑΕ 1990 και το τεχνικό επιτόκιο 3%.

2. Ράντες ζωής

γ. Πρόσκαιρη προκαταβλητέα ράντα ζωής

- ▶ Πρόσκαιρη προκαταβλητέα ράντα ζωής δίδεται από τη σχέση:

$$\ddot{a}_{x:n} = \sum_{t=0}^{n-1} v^t p_x$$

$$\begin{aligned}\ddot{a}_{x:n} &= 1 + {}_1E_x + {}_2E_x + \dots + {}_{n-1}E_x \\ &= 1 + \frac{D_{x+1}}{D_x} + \frac{D_{x+2}}{D_x} + \dots + \frac{D_{x+n-1}}{D_x} \\ &= \frac{N_x - N_{x+n}}{D_x}\end{aligned}$$

Υπολογισμός ετησίου καθαρού ασφαλίστρου (Ασφάλιση Επιβίωσης)

► Ετήσιο καθαρό ασφαλίστρο ασφάλειας επιβίωσης :

► Εφάντη Ασφαλίστρο : $A_{x+n} = \frac{D_{x+n}}{D_x}$

► $\ddot{a}_{x+n} = \frac{N_x - N_{x+n}}{D_x}$

► Επιτιμο Καθαρό Ασφαλίστρο : $\frac{A_{x+n}}{\ddot{a}_{x+n}} = \frac{D_{x+n} / D_x}{N_x - N_{x+n} / D_x} = \frac{D_{x+n}}{N_x - N_{x+n}}$