

Εισαγωγή στον Προγ/μό Υπολογιστών

Διάλεξη 10

Παράγωγες ακολουθίες

Περιεχόμενα

1. *Iterators*

- *Iterables*
- Σχέση με την εντολή `for`

2. *Generators* (γεννήτριες)

- *Generator functions*
- *Generator comprehensions*

Iterators

Iterators

- Οι επαναληπτικοί υπολογισμοί σαρώνουν ένα-ένα τα στοιχεία ενός δεδομένου που περιέχει πολλά στοιχεία, πχ, μιας ακολουθίας ή συνόλου
- ***Iterator***: δεδομένο το οποίο δίνει τη δυνατότητα σάρωσης όλων των στοιχείων με αφηρημένο τρόπο, δηλ., ανεξάρτητο από τον τύπο του δεδομένου που τα περιέχει



[1, 2, 'Hello', None]



Iterators

- Οι επαναληπτικοί υπολογισμοί σαρώνουν ένα-ένα τα στοιχεία ενός δεδομένου που περιέχει πολλά στοιχεία, πχ, μιας ακολουθίας ή συνόλου
- ***Iterator***: δεδομένο το οποίο δίνει τη δυνατότητα σάρωσης όλων των στοιχείων με αφηρημένο τρόπο, δηλ., ανεξάρτητο από τον τύπο του δεδομένου που τα περιέχει



1

[1, 2, 'Hello', None]



Iterators

- Οι επαναληπτικοί υπολογισμοί σαρώνουν ένα-ένα τα στοιχεία ενός δεδομένου που περιέχει πολλά στοιχεία, πχ, μιας ακολουθίας ή συνόλου
- ***Iterator***: δεδομένο το οποίο δίνει τη δυνατότητα σάρωσης όλων των στοιχείων με αφηρημένο τρόπο, δηλ., ανεξάρτητο από τον τύπο του δεδομένου που τα περιέχει



2

[1, 2, 'Hello', None]



Iterators

- Οι επαναληπτικοί υπολογισμοί σαρώνουν ένα-ένα τα στοιχεία ενός δεδομένου που περιέχει πολλά στοιχεία, πχ, μιας ακολουθίας ή συνόλου
- ***Iterator***: δεδομένο το οποίο δίνει τη δυνατότητα σάρωσης όλων των στοιχείων με αφηρημένο τρόπο, δηλ., ανεξάρτητο από τον τύπο του δεδομένου που τα περιέχει



'Hello'

[1, 2, 'Hello', None]



Iterators

- Οι επαναληπτικοί υπολογισμοί σαρώνουν ένα-ένα τα στοιχεία ενός δεδομένου που περιέχει πολλά στοιχεία, πχ, μιας ακολουθίας ή συνόλου
- ***Iterator***: δεδομένο το οποίο δίνει τη δυνατότητα σάρωσης όλων των στοιχείων με αφηρημένο τρόπο, δηλ., ανεξάρτητο από τον τύπο του δεδομένου που τα περιέχει



None

[1, 2, 'Hello', None]



Iterators

- Οι επαναληπτικοί υπολογισμοί σαρώνουν ένα-ένα τα στοιχεία ενός δεδομένου που περιέχει πολλά στοιχεία, πχ, μιας ακολουθίας ή συνόλου
- **Iterator**: δεδομένο το οποίο δίνει τη δυνατότητα σάρωσης όλων των στοιχείων με αφηρημένο τρόπο, δηλ., ανεξάρτητο από τον τύπο του δεδομένου που τα περιέχει



{1, 2, 'Hello', None}



Iterators

- Οι επαναληπτικοί υπολογισμοί σαρώνουν ένα-ένα τα στοιχεία ενός δεδομένου που περιέχει πολλά στοιχεία, πχ, μιας ακολουθίας ή συνόλου
- **Iterator**: δεδομένο το οποίο δίνει τη δυνατότητα σάρωσης όλων των στοιχείων με αφηρημένο τρόπο, δηλ., ανεξάρτητο από τον τύπο του δεδομένου που τα περιέχει



1

{1, 2, 'Hello', None}



Iterators

- Οι επαναληπτικοί υπολογισμοί σαρώνουν ένα-ένα τα στοιχεία ενός δεδομένου που περιέχει πολλά στοιχεία, πχ, μιας ακολουθίας ή συνόλου
- ***Iterator***: δεδομένο το οποίο δίνει τη δυνατότητα σάρωσης όλων των στοιχείων με αφηρημένο τρόπο, δηλ., ανεξάρτητο από τον τύπο του δεδομένου που τα περιέχει



2

{1, 2, 'Hello', None}



Iterators

- Οι επαναληπτικοί υπολογισμοί σαρώνουν ένα-ένα τα στοιχεία ενός δεδομένου που περιέχει πολλά στοιχεία, πχ, μιας ακολουθίας ή συνόλου
- ***Iterator***: δεδομένο το οποίο δίνει τη δυνατότητα σάρωσης όλων των στοιχείων με αφηρημένο τρόπο, δηλ., ανεξάρτητο από τον τύπο του δεδομένου που τα περιέχει



None

{1, 2, 'Hello', None}



Iterators

- Οι επαναληπτικοί υπολογισμοί σαρώνουν ένα-ένα τα στοιχεία ενός δεδομένου που περιέχει πολλά στοιχεία, πχ, μιας ακολουθίας ή συνόλου
- **Iterator**: δεδομένο το οποίο δίνει τη δυνατότητα σάρωσης όλων των στοιχείων με αφηρημένο τρόπο, δηλ., ανεξάρτητο από τον τύπο του δεδομένου που τα περιέχει



'Hello'

{1, 2, 'Hello', None}



Iterators

- Οι επαναληπτικοί υπολογισμοί σαρώνουν ένα-ένα τα στοιχεία ενός δεδομένου που περιέχει πολλά στοιχεία, πχ, μιας ακολουθίας ή συνόλου
- **Iterator**: δεδομένο το οποίο δίνει τη δυνατότητα σάρωσης όλων των στοιχείων με αφηρημένο τρόπο, δηλ., ανεξάρτητο από τον τύπο του δεδομένου που τα περιέχει
 - Κατασκευαστής: **iter**(iterable) 
 - Επιστρέφει *iterator* για τη σάρωση στοιχείων του *iterable*
 - *Iterable*, πχ., ακολουθίες, σύνολα, λεξικά
 - Συνάρτηση επιλογής: **next**(iterator) 
 - Επιστρέφει το επόμενο στοιχείο του *iterable* με το οποίο έχει κληθεί ο κατασκευαστής του *iterator*



Iterators

- Το τέλος της σάρωσης σηματοδοτεί το σφάλμα `StopIteration`

```
>>> t = iter([1, 2, 'Hello', None])
```

```
>>> next(t)
```

```
1
```

```
>>> next(t)
```

```
2
```

```
>>> next(t)
```

```
'Hello'
```

```
>>> print(next(t))
```

```
None
```

```
>>> next(t)
```

```
Traceback (most recent call last):
```

```
  File "<stdin>", line 1, in <module>
```

```
StopIteration
```



Iterators

- Κάθε *iterator* διατηρεί τη δική του κατάσταση ανεξάρτητα από το όνομα που χρησιμοποιείται

```
>>> r = range(10, 20)
```

```
>>> t = iter(r)
```

```
>>> next(t)
```

```
10
```

```
>>> next(t)
```

```
11
```

```
>>> s = iter(r)
```

```
>>> next(s)
```

```
10
```

```
>>> next(t)
```

```
12
```

```
>>> u = t
```

```
>>> next(u)
```

```
13
```



Iterables

- Η `iter` είναι γενική συνάρτηση: η κλήση `iter(iterable)` επιστρέφει το αποτέλεσμα της κλήσης
`iterable.__iter__()`
- **Iterable**: οποιοδήποτε αντικείμενο διαθέτει τη μέθοδο `__iter__`

```
>>> iterator = iter([1, 2, 'Hello', None])
```

ισοδύναμο με

```
>>> iterator = [1, 2, 'Hello', None].__iter__()
```



Iterators

- Ορισμένες ενσωματωμένες συναρτήσεις, πχ, `map`, `filter` επιστρέφουν *iterator*:

```
>>> result = map(lambda x: x*x, [1, -2, 3])
```

```
>>> next(result)
```

```
1
```

```
>>> next(result)
```

```
4
```

```
>>> next(result)
```

```
9
```



Iterators

- Η απεικόνιση των στοιχείων του *iterable* (2ο όρισμα της `map`) υπολογίζεται στην κλήση της `next` (*lazy evaluation*), όχι της `map`

```
>>> def square_n_print(x):  
    print('--->', x, 'squared is', x*x)  
>>> result = map(square_n_print, [1, -2, 3])  
>>> next(result)  
---> 1 squared is 1  
>>> next(result)  
---> 2 squared is 4  
>>> next(result)  
---> 3 squared is 9
```



Iterators

- Η ενσωματωμένη συνάρτηση `reversed` επιστρέφει *iterator* που διατρέχει στοιχεία ακολουθιών με ανάποδη σειρά

```
>>> t = reversed([1, 2, 3, 4])
>>> type(t)
<class 'list_reverseiterator'>
>>> next(t)
4
>>> next(t)
3
>>> next(t)
2
>>> next(t)
1
```



Iterators

- Η `next` είναι γενική συνάρτηση: η κλήση `next(iterator)` επιστρέφει την τιμή της κλήσης

`iterator.__next__()`

- ***Iterator***: οποιοδήποτε αντικείμενο διαθέτει τη μέθοδο `__next__`

```
>>> t = iter([1, 2, 3, 4])
```

```
>>> next(t)
```

```
1
```

```
>>> t.__next__()
```

```
2
```

```
>>> t.__next__()
```

```
3
```

```
>>> next(t)
```

```
4
```



Σχέση με εντολή `for`

- Η εντολή `for` εσωτερικά κατασκευάζει και χρησιμοποιεί *iterator*

```
>>> for item in ls:  
    print(item)
```

- Ισοδύναμο (εκτός ότι παράγεται σφάλμα `StopIteration` στο τέλος) με:

```
>>> iterator = ls.__iter__()  
>>> while True:  
    item = iterator.__next__()  
    print(item)
```



Σχέση με εντολή `for`

- Η εντολή `for` λειτουργεί και για *iterators* – όχι μόνο για *iterables*, πχ.

```
>>> for item in reversed(ls):  
    print(item)
```

- Ισοδύναμο (εκτός ότι παράγεται σφάλμα `StopIteration` στο τέλος) με:

```
>>> iterator = reversed(ls).__iter__()  
>>> while True:  
    item = iterator.__next__()  
    print(item)
```

- Για να λειτουργήσουν οι *iterators* σε `for` loop, θα πρέπει να διαθέτουν μέθοδο `__iter__` η οποία επιστρέφει τον εαυτό τους



Iterators

- Οι *iterators* επιτρέπουν τη σάρωση *iterables* με τρόπο ανεξάρτητο από τον τύπο τους

- Άθροιση στοιχείων λίστας με χρήση δεικτών (χωρίς *iterator*)

```
>>> def sum(ls):  
    i, total = 0, 0  
    while i < len(ls):  
        total += ls[i]  
        i += 1  
    return total
```

```
>>> sum([1, 2, -5])  
-1
```

- Δεν λειτουργεί για δεδομένα που δεν είναι ακολουθίες:

```
>>> sum({1, 2, -5})  
TypeError: 'set' object is not subscriptable
```



Iterators

- Οι *iterators* επιτρέπουν τη σάρωση *iterables* με τρόπο ανεξάρτητο από τον τύπο τους

- Άθροιση στοιχείων με *iterator*

```
>>> def sum(a):  
        total = 0  
        for x in a:  
            total += x  
        return total
```

```
>>> sum([1, 2, 3, 4])
```

```
10
```

```
>>> sum({1, 2, 3, 4})
```

```
10
```

- Οι *iterators* βοηθούν στη συγγραφή γενικών επαναληπτικών υπολογισμών



Generators (γεννήτριες)

Generators

- Πολλές φορές θέλουμε να καθορίσουμε τον τρόπο που πραγματοποιείται η σάρωση στοιχείων, πχ. γιατί
 - Θέλουμε διαφορετική σειρά
 - Τα στοιχεία δεν βρίσκονται μέσα σε *iterable*
 - Τα στοιχεία δεν έχουν υπολογιστεί ακόμη (*lazy evaluation*)
- Ορισμός *iterator* από τον προγραμματιστή

Generators

- Πολλές φορές θέλουμε να καθορίσουμε τον τρόπο που πραγματοποιείται η σάρωση στοιχείων, πχ. γιατί
 - Θέλουμε διαφορετική σειρά
 - Τα στοιχεία δεν βρίσκονται μέσα σε *iterable*
 - Τα στοιχεία δεν έχουν υπολογιστεί ακόμη (*lazy evaluation*)
- **Generators** (γεννήτριες): *iterators* που όταν κληθεί η `next`, επιστρέφουν το επόμενο στοιχείο σύμφωνα με *υπολογισμό* που δίνεται από τον προγραμματιστή



1

$$x = x + 1$$

Generators

- Πολλές φορές θέλουμε να καθορίσουμε τον τρόπο που πραγματοποιείται η σάρωση στοιχείων, πχ. γιατί
 - Θέλουμε διαφορετική σειρά
 - Τα στοιχεία δεν βρίσκονται μέσα σε *iterable*
 - Τα στοιχεία δεν έχουν υπολογιστεί ακόμη (*lazy evaluation*)
- **Generators** (γεννήτριες): *iterators* που όταν κληθεί η `next`, επιστρέφουν το επόμενο στοιχείο σύμφωνα με *υπολογισμό* που δίνεται από τον προγραμματιστή



2

$$x = x + 1$$

Generators

- Πολλές φορές θέλουμε να καθορίσουμε τον τρόπο που πραγματοποιείται η σάρωση στοιχείων, πχ. γιατί
 - Θέλουμε διαφορετική σειρά
 - Τα στοιχεία δεν βρίσκονται μέσα σε *iterable*
 - Τα στοιχεία δεν έχουν υπολογιστεί ακόμη (*lazy evaluation*)
- **Generators** (γεννήτριες): *iterators* που όταν κληθεί η `next`, επιστρέφουν το επόμενο στοιχείο σύμφωνα με *υπολογισμό* που δίνεται από τον προγραμματιστή



3

$$x = x + 1$$



Generators

- Πολλές φορές θέλουμε να καθορίσουμε τον τρόπο που πραγματοποιείται η σάρωση στοιχείων, πχ. γιατί
 - Θέλουμε διαφορετική σειρά
 - Τα στοιχεία δεν βρίσκονται μέσα σε *iterable*
 - Τα στοιχεία δεν έχουν υπολογιστεί ακόμη (*lazy evaluation*)
- **Generators** (γεννήτριες): *iterators* που όταν κληθεί η `next`, επιστρέφουν το επόμενο στοιχείο σύμφωνα με *υπολογισμό* που δίνεται από τον προγραμματιστή
 - Κατασκευάζονται με τρεις τρόπους
 1. Με απευθείας υλοποίηση μεθόδου `__next__`
 2. Με συνάρτηση (*generator function*)
 3. Με έκφραση (*generator comprehension*)



Generators

- Γεννήτρια που διατρέχει τα πεζά λατινικά γράμματα 'a' έως 'z'

```
>>> class letters:
    def __init__(self):
        self.x = 'a'
    def __next__(self):
        val = self.x
        self.x = chr(ord(self.x) + 1)
        return val
    def __iter__(self):
        return self

>>> letter_generator = letters()
>>> next(letter_generator)
'a'
>>> next(letter_generator)
'b'
>>> next(letter_generator)
'c'
```



Generators

- **Generator functions:** Συναρτήσεις που χρησιμοποιούν την εντολή `yield`. Δεν ερμηνεύονται από την Python ως κανονικές συναρτήσεις, αλλά χρησιμοποιούνται στην κατασκευή *generator*

```
>>> def letters():  
    x = 'a'  
    while x <= 'z':  
        yield x  
        x = chr(ord(x) + 1)
```



Χαρακτηριστικά:

1. Η κλήση τους δεν εκτελεί τις εντολές του σώματος

```
>>> letter_generator = letters()  
>>> letter_generator  
<generator object letters at 0x107217a20>
```

2. Οι εντολές εκτελούνται όταν κληθεί η `next` και αυτή επιστρέφει την τιμή της έκφρασης δίπλα στην εντολή `yield`

```
>>> next(letter_generator)  
'a'
```



Generators

- **Generator functions:** Συναρτήσεις που χρησιμοποιούν την εντολή `yield`. Δεν ερμηνεύονται από την Python ως κανονικές συναρτήσεις, αλλά χρησιμοποιούνται στην κατασκευή *generator*

```
>>> def letters():  
    x = 'a'  
    while x <= 'z':  
        yield x  
        x = chr(ord(x) + 1)
```



Χαρακτηριστικά:

3. Στην επόμενη κλήση της `next`, συνεχίζεται η εκτέλεση της εντολής μετά την προηγούμενη εντολή `yield` που εκτελέστηκε

```
>>> next(letter_generator)  
'b'
```
4. Το πλαίσιο της πρώτης κλήσης της `next` διατηρείται για τις επόμενες (άρα διατηρούνται οι τιμές των ονομάτων)



Generators

- Γεννήτρια γραμμάτων

```
>>> def letters():  
    x = 'a'  
    while x <= 'z':  
        yield x  
        x = chr(ord(x) + 1)  
  
>>> letter_generator = letters()  
>>> next(letter_generator)  
'a'  
>>> next(letter_generator)  
'b'  
>>> next(letter_generator)  
'c'  
>>> next(letter_generator)  
'd'
```



Generators

- **Generator comprehension:** έκφραση της οποίας η τιμή είναι *generator* με συντακτικό παρόμοιο με αυτό των *list comprehensions*

- Παράδειγμα:

- Κατασκευή λίστας γραμμάτων:

```
>>> letter_list = [chr(i) for i in range(ord('a'), ord('z') + 1)]
>>> letter_list
['a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f', 'g', 'h', 'i', 'j', 'k', 'l', 'm',
'n', 'o', 'p', 'q', 'r', 's', 't', 'u', 'v', 'w', 'x', 'y', 'z']
```

- Κατασκευή *generator*:

```
>>> letter_generator = (chr(i) for i in range(ord('a'),ord('z')+1))
>>> letter_generator
<generator object <genexpr> at 0x1073cb6d8>
>>> next(letter_generator)
'a'
```



Generators

- Παράδειγμα: άθροιση όρων ακολουθίας $1^2, 2^2, 3^2, \dots, 100^2$:

- Με λίστα:

```
>>> sum([x*x for x in range(1, 101)])  
338350
```

- Ολόκληρη η ακολουθία βρίσκεται στη μνήμη

- Με *generator comprehension*

```
>>> sum((x*x for x in range(1, 101)))  
338350  
>>> sum(x*x for x in range(1, 101)) # το ίδιο  
338350
```

- Στη μνήμη βρίσκεται μόνο ένας όρος, ο οποίος αλλάζει σε κάθε κλήση της `next`

