

ΠΡΑΚΤΙΚΑ ΕΦΑΡΜΟΓΗΣ ΤΟΥ SOLVER

- ΕΣΤΟ ΟΤΙ ΘΕΛΟΥΜΕ ΝΑ ΛΥΣΟΥΜΕ ΤΟ ΠΡΟΒΛΗΜΑ $\max_{x_1, \dots, x_N} F(x_1, x_2, x_{k+1}, \dots, x_N)$
 x_1, \dots, x_N
 $l^i = 1, \dots, k$ ΑΚΕΡΑΙΟΙ
 $l^i = k+1, \dots, N$ ΕΛΕΥΘΕΡΟΙ

ΜΕ ΠΕΡΙΟΡΙΣΜΟΥΣ ΣΤΑ x_i :

$$G_1(x_1, \dots, x_N) \geq 0$$

$$\vdots$$
$$G_m(x_1, \dots, x_N) \geq 0$$

- Το πρόβλημα λύνεται στον solver ως εξής

ΒΗΜΑ 1 ΔΙΑΛΕΓΟΥΜΕ ΚΕΛΛΙΑ

π.χ. A_1, A_2, \dots, A_N

ΟΡΟΥΝ ΟΑ "ΤΟ ΟΡΘΕΤΗΘΟΥΝ" ΟΙ ΤΙΜΕΣ ΤΩΝ
 X_1, X_2, \dots, X_N

ΒΗΜΑ 2 ΔΙΑΛΕΓΟΥΜΕ Μ+1 ΚΕΛΛΙΑ

π.χ. $B_1, C_1, C_2, \dots, C_m$

ΟΡΟΥΝ ΟΣΤΟ B_1 ΕΚΦΡΑΖΟΥΜΕ ΤΗΝ $F(X_1, \dots, X_N)$
ΣΑΝ ΤΥΠΟ ΤΟΥ ΕΧΕΙΛ ΜΕ ΤΟ ΚΕΛΛΙ

A_i ΣΤΗΝ ΟΕΣΗ ΤΟΥ X_i ΣΤΟΝ ΤΥΠΟ

• ΣΤΟ C_j ΕΚΦΡΑΖΟΥΜΕ ΠΑΡΟΜΟΙΑ
ΤΗΝ C_j

ΒΗΜΑ 3 ΣΤΟ ΠΑΡΑΒΥΡΟ ΔΙΑΔΟΥΟΥ ΤΟΥ SOLVER ΠΡΟΣΑΙΟΡΙΖΟΥΜΕ ΟΤΙ

Ⓐ ΘΕΛΟΥΜΕ ΜΕΓΙΣΤΟΠΟΙΗΣΗ ΤΟΥ B_1

Ⓑ ΜΕΤΑΒΑΛΟΝΤΑΙ ΤΑ A_1, A_2, \dots, A_N

Ⓒ ΔΙΑΤΗΡΟΝΤΑΙ ΤΑ ΚΕΛΛΙΑ

C_1, \dots, C_m ΜΗ ΑΡΝΗΤΙΚΑ

Ⓓ ΕΠΙΔΕΧΟΝΤΑΙ ΑΚΕΡΑΙΕΣ ΤΙΜΕΣ ΓΙΑ ΤΑ A_1, \dots, A_N

ΒΗΜΑ 4 ΟΛΟΚΛΗΡΩΝΟΥΜΕ ΤΗΝ ΔΙΑΔΙΚΑΣΙΑ

ΑΝΑΙΤΗΤΗΣΗΣ ΤΟΥ SOLVER

(ΠΑΝΚΤΡΟ SOLVE)

• ΠΕΡΙΜΕΝΟΥΜΕ (ΕΝΔΕΧΟΜΕΝΕΣ ΠΟΥ)

• ΔΙΑΔΟΥΟΥΜΕ ΠΡΟΕΚΤΙΚΑ ΤΟ

ΠΑΡΑΒΥΡΟ ΔΙΑΔΟΥΟΥ ΑΠΑΝΤΗΣΗΣ

• ΑΝ ΤΟ ΠΑΡΑΒΥΡΟ ΑΠΑΝΤΗΣΕΙ

ΟΤΙ Η ΔΙΑΔΙΚΑΣΙΑ ΤΕΛΕΩΣΕ

ΤΗΝ ΑΝΑΜΟΥΜΕ - ΓΙΑ ΤΟ ΑΝ

ΕΙΝΑΙ ΣΟΣΤΗ

• ΑΝ ΤΟ ΠΑΡΑΒΥΡΟ ΑΠΑΝΤΗΣΕΙ ΑΡΝΗΤΙΚΑ

... ΕΑΝ ΑΚΟΙΤΑΜΕ ΤΟ ΠΡΟΒΛΗΜΑ

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

$$(A) \quad \max \quad 5x + y + z$$

$$2x + y + 5z \leq 8$$

$$6x + y + 9z \leq 20$$

$$x, y, z \geq 0 \quad x \text{ ΑΚΕΡΑΙΟ}$$

ΒΙΑΣΕΘΥΜΕ ΤΑ ΚΛΑΔΙΑ

$$A_1 \leftarrow x \quad A_2 \leftarrow y \quad A_3 \leftarrow z$$

ΔΕΥ ΓΡΑΦΟΥΜΕ ΤΙΝΟΤΑ ΚΑΤ' ΑΝΑΤΙΧΤ

$$\text{ΕΤΟ } B_1 \text{ ΓΡΑΦΟΥΜΕ } B_1 := 5 \cdot A_1 + A_2 + A_3$$

$$\text{ΕΤΟ } C_1 \text{ ΓΡΑΦΟΥΜΕ } C_1 := 8 - 2 \cdot A_1 - A_2 - 5 \cdot A_3$$

$$" \quad C_2 \quad " \quad C_2 := 20 - 6 \cdot A_1 - A_2 - 9 \cdot A_3$$

• ΕΤΟ ΠΑΡΑΟΥΡΟ ΑΙΤΑΡΑΟΥ ΓΡΑΦΟΥΜΕ
ΜΑΧ ΤΟ ΚΛΑΔΙ B_1

ΜΕ ΠΕΡΙΟΡΙΣΜΟΥΣ

$$\left\{ \begin{array}{l} B_1 \geq 0 \\ B_2 \geq 0 \\ A_1 \geq 0 \\ A_2 \geq 0 \\ A_3 \geq 0 \\ A_1 \text{ INTEGER} \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} \text{ΣΥΝΟΠΤΙΚΑ} \\ \left\{ \begin{array}{l} B_1 \cdot B_2 \geq 0 \\ A_1 \cdot A_3 \geq 0 \\ A_1 \text{ INT} \end{array} \right. \end{array}$$

• ΕΝΕΡΓΟΠΟΙΟΥΜΕ ΤΟ SOLVE

• ΤΟ ΠΑΡΑΟΥΡΟ ΑΠΑΝΤΗΣΗΣ ΜΑΣ
ΠΑΥΡΟΦΕΡΕΙ ΟΤΙ Η ΒΕΣΤΙΕΤΗ ΛΥΣΗ

ΕΧΕΙ ΒΡΑΘΕΙ Η ΒΕΛΤΙΣΤΗ ΚΥΤΗ ΜΕΣΗ ΤΟ ΔΟΒΕΥΕΤΑΙ
ΣΤΑ ΚΕΝΑΙΑ A_1, A_2, A_3 ΑΥΤΟ ΤΟ ΕΙΔΥΜΟΝΤΕ

- ΕΙΔΥΜΟΝΤΕ ΟΤΙ ΑΝ ΕΒΗΣΟΥΜΕ ΤΟΥΣ ΠΕΡΙΟΡΙΣΜΟΥΣ
 $A_1, A_2, A_3 \geq 0$ ΤΟ ΠΡΟΒΛΗΜΑ ΑΥΑΘΕΚΕΙ
ΟΤΙ "ΔΕΝ ΥΔΑΡΧΕΙ" ΣΥΓΚΛΙΣΗ" ΕΧΕΙ ΑΥ
ΚΑΤΑΛΗΞΗ ΣΕ ΜΕΓΑΛΗ ΤΙΜΗ ΤΗΣ ΑΝΤΙΕΛΑΜΝΙΚΙΤΕ
ΕΥΝΑΡΤΗΡΗΛ ΧΡΗΣΙΜΟΠΟΙΟΥΝΤΕ ΑΡΝΗΤΙΚΕΣ ΤΙΜΕΣ
ΓΙΑ ΤΑ x_1, x_2 .

- ΔΙΑΜΟΡΦΩΣΤΕ ΤΟ ΠΡΟΒΛΗΜΑ ΤΗΣ ΑΙΟΡΑΣ
 A_1/A_2 , ΜΕ ΠΑΡΑΜΕΤΡΟΥΣ ΤΗΣ ΕΙΔΥΜΟΝΤΕ ΣΑΕ
ΑΥΤΕΣ ΤΟ ΣΕ ΕΥΣΕΛ, ΣΥΓΚΡΙΝΟΝΤΕ ΜΕ ΤΟ
ΦΥΛΟ ΔΟΡΙΣΜΙΚΟΥ ΠΟΥ ΔΙΝΕΤΑΙ ΕΤΗΝ ΙΣΤΟΣΤΑΙΜΑ

ΑΥΤΗ

- ΕΣΤΟ ΟΤΙ ΜΙΑ ΕΤΑΙΡΕΙΑ ΠΡΕΚΕΙ ΝΑ ΕΞΥΠΗΡΕ
ΤΗΣΗ ΑΡΘΜΟΛΟΓΙΑ $j=1, \dots, m$, ΤΟ ΚΑΘΕΝΑ
ΜΕ ΖΗΤΗΣΗ ΔΕΜ $_j$ ΔΕΣΟΜΕΝΗ ΕΙΣΙΣΕ
ΚΑΘΕ Α/Ε ΜΠΟΡΕΙ ΝΑ ΕΞΥΠΗΡΕΤΗΣΕΙ ΜΟΝΟ
ΕΝΑ ΑΡΘΜΟΛΟΓΙΟ ΠΟΣ ΔΙΑΜΟΡΦΩΝΕΤΑΙ ΤΟΤΕ ΤΟ
ΠΡΟΒΛΗΜΑ;

- ΟΡΙΖΟΥΜΕ ΜΕΤΑΒΑΗΤΕΣ x_{ij} ΟΠΟΥ
ΣΥΜΒΟΛΙΖΕΤΑΙ Ο ΑΡΙΘΜΟΣ ΤΩΝ Α/Ε ΤΥΠΟΥ
 i ΠΟΥ ΒΑ ΕΞΥΠΗΡΕΤΗΣΟΥΝ ΤΟ ΑΡΘΜΟΛΟΓΙΟ j .

- ΤΟ ΠΡΟΒΛΗΜΑ ΑΥΤΙΣΤΟΠΟΙΗΣΗΛ ΔΙΑΜΟΡΦΩΝΕΤΑΙ
ΤΟΤΕ ΟΣ ΕΞΗΣ:

$$\min_{\substack{X_{ij} \text{ ΑΚΕΡΑΙΟΙ} \\ i=1, \dots, N \\ j=1, \dots, M}} \sum_{i=1}^N K_i \sum_{j=1}^M X_{ij}$$

$$\text{ΟΣΤΕ} \quad \sum_{i=1}^N E H_i - X_{ij} \geq \Delta E H_j \quad j=1, \dots, M$$

$$\sum_{i=1}^N P_i \sum_{j=1}^M X_{ij} \leq B$$

ΕΤΣΙ Η ΔΙΑΜΟΡΦΩΣΗ ΑΠΑΙΤΕΙ ΤΩΡΑ Μ.Ν.
 ΜΕΤΑΒΛΗΤΕΣ ΚΑΙ Μ+1 ΠΕΡΙΟΡΙΣΜΟΥΣ
 (2^ο WORKSHEET)
 ΕΞΕΤΑΣΤΕ ΤΗΝ ΔΙΑΜΟΡΦΩΣΗ ΣΕ ΕΧΣΕΣ ΣΤΗΝ ΙΣΤΟΣΕΛΙΑ
 ΤΟ ΠΑΡΑΔΗΜΙΑ ΑΥΤΟ ΔΕΧΝΕΙ ΤΗΝ ΕΥΚΟΛΙΑ
 ΜΕ ΤΗΝ ΟΠΟΙΑ ΑΥΞΑΝΟΝΤΑΙ ΟΙ ΜΕΤΑΒΛΗΤΕΣ
 ΚΑΙ ΟΙ ΠΕΡΙΟΡΙΣΜΟΙ ΣΤΙΣ ΑΝΑΛΥΣΕΙΣ ΠΕΡΙΠΤΩΣΕΩΝ

ΕΤΣΙΝ ΕΥΝΟΙΚΙΑ ΤΩΝ ΜΑΘΗΜΑΤΟΣ ΘΑ
 ΕΞΕΤΑΣΘΟΥΜΕ ΜΕΘΟΔΟΥΣ (ΑΡΙΘΜΟΛΟΓΟΥΣ)
 (ΠΙΛΥΣΕΙΣ ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΩΝ ΒΙΟΤΙΣΤΟΠΟΙΗΣΗΣ
 Α. ΣΥΝΑΡΤΗΣΕΩΝ $F(x_1, \dots, x_n)$
 ΧΩΡΙΣ ΠΕΡΙΟΡΙΣΜΟΥΣ ΣΤΑ x_1, \dots, x_n
 Β. ΜΕ ΠΕΡΙΟΡΙΣΜΟΥΣ.

ΑΣΚΗΣΗ ΕΧΣΕΣ

ΛΥΣΤΕ ΤΟ ΠΡΟΒΛΗΜΑ

$$\min_{x, y, z} x^2 + 5y^2 + 7z^2 - 2(x + y + z)$$

$$\text{ΟΣΤΕ} \quad x^2 + 5y^2 + 7z^2 = 30$$

$$xy \geq 25$$

$$\left(\text{ΛΥΣΗ: } \begin{matrix} x = -5,16 \\ y = -1,77 \\ z = 0,55 \end{matrix} \right)$$

ΑΡΑ ΤΟ ΕΧΣΕΣ ΔΕΧΑΙΝΕΙ ΚΑΙ ΜΕ ΗΝ ΓΡΑΜΜΙΚΕΣ
 ΣΥΝΑΡΤΗΣΕΙΣ!